

(مقاله پژوهشی)

ارائه یک مدل ریاضی یکپارچه برای بهینه‌سازی تخصیص و گسیل کامیون‌ها در معادن روباز

رامین صائبی‌نیا^۱، امین اله موسوی*^۱، احمدرضا صیادی^۱

۱- گروه استخراج، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران
(دریافت: آبان ۱۳۹۹، پذیرش: دی ۱۴۰۰)

چکیده

عملیات باربری تشکیل‌دهنده سهم قابل‌توجهی از هزینه‌های عملیاتی استخراج در یک معدن روباز است؛ بنابراین، بهینه‌سازی زمان‌بندی کار کامیون‌ها، به‌عنوان اصلی‌ترین ماشین باربری، امری ضروری و تأثیرگذار در بهره‌وری عملیات استخراج است. بهینه‌سازی زمان‌بندی عملیات باربری به‌طور سنتی، در قالب دو مسئله بهینه‌سازی تخصیص و سپس گسیل کامیون‌ها تعریف می‌شود و تاکنون مدل‌ها و روش‌های مختلفی مبتنی بر تکنیک‌های شبیه‌سازی و مدل‌سازی ریاضی چندمرحله‌ای، برای بهینه‌سازی این دو مسئله ارائه شده است. لیکن با توجه به گسترش روزافزون سیستم‌های جمع‌آوری اطلاعات، ارتقا سیستم‌های محاسباتی و ضرورت تصمیم‌سازی برخط، وجود یک مدل ریاضی تک‌مرحله‌ای برای حل هم‌زمان این دو مسئله در یک سیستم یکپارچه و پویا، ضروری است. در این تحقیق، یک مدل ریاضی کارگاه‌گردش کاری، به‌عنوان ابزاری قدرتمند برای مدل‌سازی مسائل زمان‌بندی و بهینه‌سازی تخصیص و گسیل کامیون‌های معادن روباز توسعه داده شده است. این مدل برای یک مطالعه موردی کوچک مقیاس پیاده‌سازی شده است و نتایج آن مورد بحث قرار گرفته است. نتایج نشان می‌دهد که این مدل ریاضی یک ابزار کارا برای بهینه‌سازی تخصیص و گسیل پویای کامیون‌ها است که می‌تواند منجر به افزایش توان تولیدی معدن شود.

کلمات کلیدی

مدل‌سازی ریاضی، برنامه‌ریزی خطی، CPLEX، کارگاه‌گردش کاری، باربری معادن روباز

* عهده‌دار مکاتبات: a_mousavi@modares.ac.ir

۱- مقدمه

دستی ساده‌ترین حالت تخصیص کامیون‌ها به شاول‌ها در طول شیفت است که بر پایه نیاز تولیدی، موقعیت مکانی شاول، دسترسی ناوگان حمل و سایر پارامترها توسط اپراتور انجام می‌گیرد. قانونی که برای اعزام در این حالت غالب است، اعزام ثابت (قفل شده) است که تا وقتی که یک شاول آسیب نبیند یا از کار نیفتد، اعزام کامیون‌ها اصلاح نخواهد شد و تغییری نخواهد یافت [۴]. بدین معنی که در ابتدای کار کامیون‌ها به شاول‌ها اختصاص داده می‌شوند و این کامیون‌ها طبق برنامه ثابتی که دارند در مسیر تعیین شده کار می‌کنند. اعزام نیمه اتوماتیک کامیون، یک حالت حد میانی اعزام است که شامل یک کامپیوتر برای کمک به اپراتور با استفاده از نشان دادن اطلاعاتی روی مانیتور و یا پیشنهاد تخصیص کامیونی است که از نظر هدف تولید به‌صرفه باشد. در سیستم‌های نیمه اتوماتیک کامپیوتر نمی‌تواند به‌طور مستقیم به عملکرد کامیون‌ها پاسخ دهد، این بدین معنی است که مداخله انسان در آن ضروری است [۴]. این روش قابلیت بیشتری نسبت به تخصیص ثابت دارد و هزینه‌های اجرایی آن در مقایسه با سودآوری‌اش بسیار کم است؛ این روش قابل استفاده برای معدن متوسط تا بزرگ است [۲]. در سیستم‌های اعزام تمام اتوماتیک به مداخله بشر نیاز نیست. رایانه تخصیص می‌تواند با استفاده از یک نمایشگر اطلاعات را از راننده کامیون بگیرد و یا به آن بفرستد و کامیون در نقطه بهینه مشغول کار باشد [۴]. استفاده از این روش هزینه‌های قابل توجهی دارد و تکنولوژی پیشرفته‌ای را می‌طلبد؛ بنابراین این روش برای استفاده در معدن بزرگ تا بسیار بزرگ مقرون به‌صرفه است [۲].

زمان‌بندی عملیات باربری در حقیقت تلاشی است برای به دست آوردن زمان‌های آغاز و پایان هر کدام از زیر-عملیات باربری برای کامیون‌هایی که در یک معدن مشغول به کار هستند. زمان‌بندی عملیات یک مرحله بالاتر از تخصیص بوده و علاوه بر تخصیص کامیون‌ها به بارکننده‌ها، زمان دقیق شروع و پایان هر عملیات (بارگیری، باربری، تخلیه و برگشت) از هر کامیون و بارکننده را نشان می‌دهد [۵].

در این تحقیق یک مدل ریاضی تک‌مرحله‌ای (یکپارچه) با استفاده از تئوری‌های زمان‌بندی کار، از نوع کار کارگاهی، برای ناوگان باربری معدن روباز ارائه شده است. یک مثال موردی با داده‌های زمان‌های بارگیری، باربری، تخلیه، تناژ کامیون‌ها و شاول‌ها و مسیرهای رفت و برگشت که از یک معدن واقعی گرفته شده‌اند، در نرم‌افزار IBM ILOG

بیشتر معادن روبازی که در حال بهره‌برداری هستند، از سیستم کامیون - شاول استفاده می‌کنند. بارکننده‌ها (شاول‌ها) و بارشونده‌ها (کامیون‌ها) عناصر اصلی در بارگیری و باربری مواد معدنی می‌باشند. به دلیل اهمیت زیاد مسئله استخراج مواد و حمل آن‌ها به محل‌های تعیین شده، تحقیقات گسترده‌ای در این زمینه صورت گرفته است که به بررسی چگونگی تخصیص کامیون‌ها به بارکننده‌ها و توالی اعزام آن‌ها در طول یک شیفت می‌پردازد. یک عملیات باربری که "سیکل باربری" نیز نامیده می‌شود شامل چهار زیر-عملیات بارگیری، باربری، تخلیه و برگشت به محل بارگیری است. تخصیص به معنی اختصاص دادن کامیون به بارکننده است که در معدن روباز به‌طور عمده به دو بخش تخصیص ثابت و تخصیص پویا تقسیم می‌شوند. تخصیص کامیون تحت استراتژی تخصیص ثابت بدین معنی است که هر کامیون در ابتدای شیفت به یک شاول ثابت و یک نقطه تخلیه مشخص اختصاص داده می‌شود و در طول کل شیفت شاول تخصیصی تغییر نمی‌یابد. در این حالت کامیون‌ها فقط در بعضی موارد (به‌طور مثال در صورت خرابی) مجدداً تخصیص خواهند یافت. این استراتژی در عمل بسیار ناکارآمد است و سبب افزایش زمان بی‌کاری و پایین آمدن راندمان کاری ماشین‌آلات می‌شود [۱]. با توجه به کم بودن هزینه اجرایی، این روش برای به‌کارگیری در معدن کوچک بسیار مناسب است [۲]. در تخصیص پویای کامیون‌ها یکی از کامیون‌های در دسترس، در ابتدای شیفت به یک شاول اختصاص می‌یابد؛ اما این کامیون‌ها به‌جای حالت تخصیص ثابت (سرویس‌دهی به یک شاول یا قرار گرفتن در یک مسیر در طول شیفت)، بعد از این که از یک شاول بارگیری شدند، از سوی سیستم اعزام، ممکن است تخصیص جدیدی دریافت کنند [۳]. اعزام (گسیل) به معنی تعیین ترتیب توالی سیکل‌های باربری کامیون‌ها است. به‌عبارت‌دیگر اعزام مشخص‌کننده این است که هر کدام از کامیون‌ها به چه ترتیبی از بارکننده‌ها بارگیری شوند. برای مثال کامیون شماره ۱ در سیکل اول خود با شاول شماره ۱، سیکل دومش با شاول شماره ۴ و سیکل سومش با شاول شماره ۲ بارگیری می‌شود. مسئله اعزام شامل سه نوع اعزام دستی، اعزام نیمه اتوماتیک و اعزام تمام اتوماتیک است. اعزام

CPLEX 12.6 ارائه و حل شده است. سپس زمان‌های بی‌کاری و انتظار شاول‌ها و کامیون‌ها، بهره‌وری شاول‌ها و کامیون‌ها، زمان‌بندی عملیات باربری و بارگیری ناوگان، به‌صورت نمودار مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است.

۱-۱- مروری بر پیشینه تحقیق

به‌طور کلی تحقیقاتی که تاکنون در خصوص تخصیص و گسیل ناوگان باربری انجام شده‌اند بر اساس نوع مدل‌سازی، در سه دسته مدل‌های شبیه‌سازی، مدل‌سازی ریاضی چندمرحله‌ای و مدل‌های ترکیبی شبیه‌سازی-بهینه‌سازی دسته‌بندی می‌شوند.

۱-۲- مدل‌های شبیه‌سازی ناوگان باربری

شبیه‌سازی، روش مطالعه و تحلیل رفتار یک دنیای واقعی به‌صورت یک سیستم مدل شده در یک برنامه کامپیوتری است. در یک شبیه‌سازی، یک یا چند متغیر، تغییر کرده و تغییرات در متغیرهای دیگر و کل سیستم مشاهده و ارزیابی می‌شود. شبیه‌سازی، کاربران را قادر به پیش‌بینی رفتار سیستم در دنیای واقعی می‌کند. به‌عنوان مثال، رفتار ناوگان حمل‌ونقل را می‌توان با استفاده از مدل شبیه‌سازی شده بررسی نمود. سپس کاربران می‌توانند پارامترهایی مانند سرعت، تعداد و نوع ماشین‌آلات را تغییر دهند و اثر آن بر توابع هدفی همچون زمان بی‌کاری ناوگان را ارزیابی کنند.

در خصوص شبیه‌سازی عملیات باربری در معادن روباز، تحقیقات بسیاری انجام شده است. در مطالعه‌ی دیگری توسط داوری و ستاروند شبیه‌سازی سیستم ترابری معدن مس سونگون با یک برنامه شبیه‌سازی^۱ انجام شد و تخصیص کامیون به روش پویا (دیسپچینگ) و ثابت (غیر دیسپچینگ) در این معدن باهم مقایسه شده است. در معدن سه لودر و نه کامیون مشغول به کار بودند که در تخصیص ثابت و با فرض سه لودر، تعداد کامیون‌های بهینه موردنیاز ۱۸ عدد به دست آمد که با اجرای نتایج افزایش سود ۹۱ درصد با افزایش ۱۰۰ درصدی تعداد کامیون‌ها پیش‌بینی شد. در روش تخصیص پویا تعداد کامیون‌های بهینه ۱۷ عدد به دست آمد که اجرای آن منجر به افزایش سود ۹۳ درصد با افزایش ۸۸ درصدی تعداد کامیون‌ها می‌شود. در این شبیه‌سازی علاوه بر به دست آمدن تعداد بهینه کامیون با تعداد بارکننده‌های ثابت، برتری تخصیص

پویای کامیون‌ها نسبت به تخصیص غیر پویای آن‌ها در یک مسئله یکسان نشان داده شد؛ یعنی در یک مسئله برای کامیون‌های یک معدن روباز (بدون در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت کارخانه)، در حالت پویا تعداد کامیون کمتر و سود بیشتری نسبت به حالت تخصیص ثابت به دست می‌آید [۶]. بصیری سیستم حمل‌ونقل معدن خاک نسوز آباده که بالغ بر ۳۰۰ میلیون تن ماده معدنی دارد را برای دوره ۱ ماهه با تناژ ۱۸۵ هزار تن ماده معدنی و نسبت باطله برداری ۱/۱، با بهره‌گیری از نرم‌افزار آرناس^۲ شبیه‌سازی کرد. نتایج حاصل از شبیه‌سازی نشان داد که در صورت افزایش تعداد کامیون از ۲۷ به ۵۲ کامیون، افزایش ۷۰ درصدی تولید و کاهش ۲۷ درصدی هزینه‌های تولید، از ۰/۵۶ دلار بر تن به ۰/۴۱ دلار بر تن، قابل‌دستیابی می‌باشد [۷]. اورئی و اسی، روند تولید کامیون-شاول را در معدن مس سونگون و با به‌کارگیری مؤلفه‌های فازی برای هر شاول شبیه‌سازی کردند [۸]. چتین پایان‌نامه خود را باهدف مطالعه رویکرد شبیه‌سازی سیستم باربری کامیون - شاول معادن روباز با استفاده از کامپیوتر انجام داده است. هدف اصلی این مطالعه، مقایسه سیاست‌های تخصیص کامیون و جست‌وجو برای یک قانون مناسب برای معادن روباز است. برای این منظور، یک تخصیص کامیون تصادفی و یک برنامه شبیه‌سازی تولید برای معادن روباز (اندازه متوسط) شامل جبهه‌کارهای متعدد و یک دمپ تخلیه با استفاده از نرم‌افزار GPSS/H توسعه داده شده است. برنامه حاصل تمام عملیات سیکل کامیون به همراه توزیع نرمال برای تمام متغیرهای مدل را در نظر می‌گیرد [۹]. هاشمی و ستاروند با استفاده از مدل شبیه‌سازی، سیستم‌های متفاوت مدیریتی تجهیزات معدنکاری روباز، شامل راه‌حل‌های عدم تخصیص^۳، تخصیص و حالت ترکیبی را برای معدن مس سونگون مورد مطالعه قرار گرفته‌اند. مدل توسعه‌یافته توانایی در نظر گرفتن ویژگی‌های دقیق هر دو تجهیزات بارگیری و باربری را دارد. سپس، یک مدل شبیه‌سازی تخصیص با تابع هدف حداقل‌سازی زمان انتظار کامیون توسعه داده شد که نتایج نشان‌دهنده بهبود ۷/۸ درصدی با یک سیستم تخصیص پویا در مقایسه با سیستم تخصیص ثابت است [۱۰].

۱-۳- مدل‌های ریاضی

برای مدل‌سازی ریاضی مسئله‌های تخصیص و گسیل کامیون‌های روباز به‌طور معمول از یکی از روش‌های

و [۱۶] یک مسئله شبکه برنامه‌ریزی غیرخطی را برای پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر بین تمام نقاط بارگیری و تخلیه حل کردند. لی یک مدل ریاضی باهدف حداقل‌سازی کار کل حمل‌ونقل ارائه کرده است. کار حمل‌ونقل به صورت حاصل ضرب فاصله‌ای که مواد حمل شده‌اند در میزان مواد حمل شده تعریف می‌شود. این روش یک مدل برنامه‌ریزی خطی را برای تخصیص تعداد بهینه کامیون‌ها پیاده‌سازی می‌کند و همچنین نیازهای عملیات اختلاط را در نظر می‌گیرد [۱۷]. چانگ و همکاران مقاله‌ای ارائه دادند که برنامه‌ریزی کامیون‌ها در طول یک شیفت را با استفاده از یک برنامه خطی عدد صحیح مختلط با تابع هدف حداکثر کردن سود حمل‌ونقل انجام می‌دهد. سپس یک روش ابتکاری برای حل مدل پیاده‌سازی کردند. آن‌ها همچنین مسئله حمل‌ونقل را در اولویت قرار دادند. این مدل نسبت باطله‌برداری را در نظر نمی‌گیرد. همچنین از توزیع تصادفی عیار در حالت طبیعی صرف نظر می‌کند [۱۸].

۴-۱- شبیه‌سازی - بهینه‌سازی

مدل شبیه‌سازی- بهینه‌سازی نوع دیگری از روش حل مسائل باربری در معادن است که ترکیبی از روش‌های ذکر شده (بهینه‌سازی ریاضی و شبیه‌سازی) است. این روش حل ادغامی به دلیل بالا بردن سرعت و دقت حل مسائل تابه‌حال نتایج مطلوبی دربر داشته و مورد توجه متخصصین واقع شده است.

فازی فادین یک تحقیق با استفاده از رویکرد الگوریتم رو به بالا^۴ به‌عنوان یک راه‌حل جدید برای حل مسئله تخصیص کامیون برای معادن روباز انجام داد. رویکرد ارائه‌شده با استفاده از مدل شبیه‌سازی- بهینه‌سازی در حل مسئله تخصیص کامیون با استفاده از شرایط داده واقعی توسعه یافته است. نتایج باهدف پاسخ به این سؤال بودند که کامیون باید چه زمانی و به کجا برود که بتواند تولید را به حداکثر برساند و هزینه‌های قابل توجهی را برای صنعت معدنکاری کاهش دهد [۱۹]. سلیمانی و بندورف مطالعه‌ای برای یک معدن زغال‌سنگ (لیگنیت) که با استفاده از ماشین بیل چرخشی به صورت پیوسته روباره برداری می‌شد انجام داده‌اند. کنترل سیستم تخصیص بر اساس توالی استخراج و طبقه‌بندی زمین‌شناسی روی سایت حفاری و در دسترس بودن فضای دمپ باطله موجود، محاسبه می‌شود. در این معدن، هشت ماشین بیل چرخشی در سایت

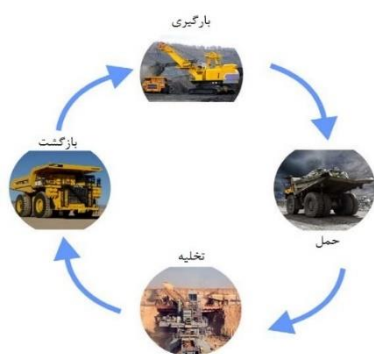
مدل‌سازی پایه شامل روش کوتاه‌ترین مسیر، رویکرد برنامه‌ریزی خطی، رویکرد برنامه‌ریزی غیرخطی، رویکرد برنامه‌ریزی هدف، رویکرد حمل‌ونقل یا رویکرد برنامه‌ریزی تصادفی استفاده می‌شود. برای حل برخی از مسائل حمل‌ونقل از مدل‌های ریاضی چندمرحله‌ای استفاده می‌شود، بدین صورت که در این نوع مسائل بخشی از مسئله (تعیین مسیر کامیون‌ها) به یکی از روش‌های ذکر شده انجام می‌شود و سپس خروجی به دست آمده به عنوان ورودی بخش بعدی مسئله (تعیین توالی کامیون‌ها) استفاده می‌شود. افراپلی و عسکری نسب در مقاله موردی خود مراحل را که می‌توانند در یک مدل چندمرحله‌ای به عنوان مراحل اصلی عنوان گردند به ترتیب مدل کوتاه‌ترین مسیر، بهینه‌سازی تخصیص کامیون شاول و بهینه‌سازی تخصیص زمان واقعی کامیون‌ها تعریف کرده‌اند [۳]. در مقاله‌ای دیگر توسط لیچون ژانگ مدل‌های چندمرحله‌ای بر اساس برنامه‌ریزی عدد صحیح جهت مسئله اعزام کامیون - شاول ارائه شده است.

تا و همکاران یک مدل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مختلط را برای تخصیص کامیون‌های یک ناوگان به شاول‌های متفاوت بر مبنای احتمال زمان بیکاری شاول‌ها توسعه دادند. در این مدل شاول به‌عنوان سیستم منبع محدود برای سرور انتخاب شده است. هدف این مدل حداقل کردن تعداد کل کامیون‌ها است [۱۲]. پترسون یک برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مختلط را برای زمان‌بندی فعالیت‌های حمل‌ونقل در معادن روباز و باهدف کاهش مصرف انرژی کامیون-شاول و تأمین نیاز تولیدی معدن توسعه داد. از آنجاکه مدل NP-hard است، ایشان یک الگوریتم ابتکاری سازنده^۴ و همچنین روش الگوریتم جستجوی ممنوعه^۵ را برای حل سریع مدل در معادن بزرگ مقیاس توسعه داد [۱۳]. وایت و اولسون، مدل‌هایی مبتنی بر برنامه‌ریزی خطی و پویا برای مسئله زمان‌بندی اعزام کامیون‌ها ارائه دادند. آن‌ها مسئله را به سه زیر مسئله تقسیم کرده‌اند. گام اول نزدیک‌ترین راه را از بین همه نقاط در معدن انتخاب می‌کند که در واقع نزدیک‌ترین مسیر است. گام بعدی یک برنامه‌ریزی خطی است که برای تعیین جریان مواد در طول مسیر استفاده می‌شود. در نهایت گام سوم، برنامه‌ریزی پویای توالی عملیات کامیون‌ها را در یک مسیر بهینه بین شاول‌ها و دمپ‌ها بهینه می‌کند. این سیستم حمل‌ونقل به طور قابل توجهی بهره‌وری عملیات باربری را افزایش می‌دهد [۱۴]. سومیس و همکاران [۱۵]

حل این مدل علاوه بر تخصیص کامیون به شاول‌ها، توالی اعزام پویای آن‌ها و زمان‌بندی عملیات بارگیری شاول‌ها را به دست می‌دهد.

در این قسمت با استفاده از تئوری‌های زمان‌بندی کار موجود در حوزه مهندسی صنایع، یک مدل ریاضی تک‌مرحله‌ای برای زمان‌بندی عملیات باربری معادن روباز با کامیون‌های همگن ارائه شده است.

در این مدل منظور از "کار" یک سیکل عملیاتی کامیون است که در شکل ۱ به صورت شماتیک نشان داده شده است. در واقع هر کار متشکل از چهار عملیات است. در هر کاری که انجام می‌شود، شاول یک عملیات و کامیون سه عملیات انجام می‌دهد به طوری که کامیون در طول همه زیر - عملیات‌ها مشغول است، ولی شاول تنها در عملیات بارگیری مشغول به کار است و بعد از اتمام بارگیری یک کامیون، می‌تواند کامیون دیگری را بارگیری کند.



شکل ۱- مجموعه عملیات هر کار

از آنجایی که در این مدل همه‌ی کارها از عملیات یکسان تشکیل شده‌اند (بارگیری، باربری، تخلیه و برگشت)، این مدل یک مسئله‌ی کارگاه گردش کاری از نوع منعطف^۷ است که در این نوع مسائل، تخصیص m کامیون به یک شاول صورت می‌گیرد. عملیات به صورت غیر منقطع بوده و سیستم همگن در نظر گرفته شده است. سیستم همگن بدین معنی است که ظرفیت همه کامیون‌هایی که در ناوگان باربری به کار گرفته می‌شوند یکسان است. شکل ۲ عملیات شاول و کامیون‌ها، نحوه بارگیری کامیون‌ها و حمل مواد به دمپ تخلیه و برگشت به سمت شاول را نشان می‌دهد. همچنین تابع هدف این مدل شامل کمینه‌سازی زمان اتمام کل عملیات بارگیری و باربری در یک شیفت کاری است. شایان ذکر است که محدودیت‌های برنامه‌ریزی تولید (مانند تناژ استخراجی) می‌باید رعایت شود. پارامترهای ورودی،

معدن و هفت پخش‌کننده در دمپ وجود دارند که باعث پیچیدگی مسئله می‌شوند. برای بهینه‌سازی سیستم تخصیص باهدف حداقل کردن زمان انتظار ناشی از در دسترس‌پذیر نبودن فضای تخلیه، یک رویکرد بهینه‌سازی چندمرحله‌ای بر مبنای شبیه‌سازی ارائه شده است. این رویکرد شامل اجرای متناوب یک مدل بهینه‌سازی قطعی و یک مدل شبیه‌سازی تصادفی است که این ترکیب (شبیه‌سازی و الگوریتم‌ها) برای حل یک مسئله حمل‌ونقل و یک مسئله زمان‌بندی کار کارگاهی انجام شده است [۲۰]. سان و دزورالت یک رویکرد بهینه‌سازی بر مبنای شبیه‌سازی برای سیستم کامیون - شاول در معادن روباز برای حداکثر کردن ارزش پیش‌بینی درآمد ارائه دادند. برای این کار از یک معدن روباز بزرگ در شمال آمریکا به عنوان مطالعه موردی استفاده شده است. برای توزیع احتمال فاکتورهای غیرقابل کنترل از داده‌های تجربی تولید معدن استفاده شده است. سپس روش سطح پاسخ برای توضیح واریانس درآمد تحت تأثیر فاکتورهای کنترل شده و غیرقابل کنترل انجام شده است و در پایان نتیجه واریانس به دست آمده به عنوان محدودیت‌های مدل ریاضی برای بهینه‌سازی با استفاده از نرم‌افزار OptQuest انجام شده است [۲۱].

۲- مواد و روش‌ها

در این مطالعه یک مدل ریاضی کارگاه گردش کاری برای زمان‌بندی عملیات باربری معادن روباز ارائه شده است. در بسیاری از صنایع تولیدی یا مونتاژی، هر کار می‌بایست مسیر مشخصی از عملیات را طی کند که این عملیات در بسیاری از اوقات برای تمامی کارها ترتیب یکسانی دارند، به عبارتی کارها مسیر یکسانی را طی می‌کنند. در چنین سیستم‌هایی، ماشین‌ها سلسله‌وار پس از یکدیگر قرار می‌گیرند و سیستم به عنوان کارگاه گردش کاری (کارگاه جریان) شناخته می‌شود. با توجه به پیشینه تحقیق، مدل‌های ریاضی ارائه شده عمدتاً چندمرحله‌ای هستند و این باعث دوری از جواب بهینه در مجموع مراحل می‌شود (جواب در هر مرحله بهینه است ولی در مجموع ممکن است بهینه نباشد)؛ بنابراین در تحقیق حاضر بهبود مدل‌های پیشین از طریق یکپارچه کردن مدل محقق شده است.

این مدل قادر است هر دو مسئله تخصیص و اعزام پویا را به صورت یکپارچه مدل کند و خروجی آن مشخص کننده زمان دقیق هر یک از زیر-عملیات‌های باربری باشد؛ بنابراین

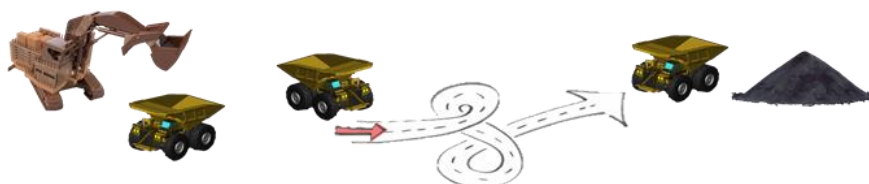
محدودیت‌ها و متغیرهای تصمیم مدل در ادامه توضیح داده شده‌اند.

پارامترهای ورودی

۱. s : مجموعه توالی کارها
۲. c : مجموعه توالی کامیون‌ها
۳. J : مجموعه کارها
۴. O : مجموعه عملیات
۵. T : مجموعه کامیون‌ها
۶. cap_t : ظرفیت کامیون t ام
۷. $blocksize_j$: حجم بلوک (کار) j ام
۸. d_{tjo} : زمان انجام عملیات o ام از کار j ام که توسط کامیون t ام انجام می‌شود.

متغیرهای تصمیم

۱. X_{tcjs} : گر کامیون t ام در توالی c ام از عملیات o ام از توالی s ام کار j ام را انجام دهد یک و در غیر این صورت صفر است.
۲. ST_{tco} : زمان شروع به کار عملیات o ام که توسط کامیون t ام در توالی c ام آن انجام می‌شود.
۳. SJ_{jso} : زمان شروع به کار عملیات o ام از توالی s ام بلوک j ام.
۴. CT : زمان تکمیل کل کارها



شکل ۲- عملیات ناوگان استخراجی

تابع هدف

$$\text{Minimize: } \max(ST_{tco} + \sum_{s=1}^s (d_{tjo} * X_{tcjs})) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, o \in O \quad (1)$$

محدودیت‌ها

$$ST_{tco+1} \geq ST_{tco} + \sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s (d_{tjo} * X_{tcjs}) \quad \forall t \in T, c \in c, o \in O - 1 \quad (2)$$

$$ST_{tc+11} \geq ST_{tc4} + \sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s (d_{tj4} * X_{tcjs4}) \quad \forall t \in T, c \in c - 1 \quad (3)$$

$$SJ_{js+11} \geq SJ_{js1} + (d_{tj1} * X_{tcjs1}) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, s \in s - 1 \quad (4)$$

$$1 - \left(\frac{\min_{t \in T} cap_t}{blocksize_j} \right) / 2 \leq \sum_{t=1}^T \sum_{c=1}^c \sum_{s=1}^s X_{tcjs1} * \left(\frac{cap_t}{blocksize_j} \right) \leq 1 + \left(\frac{\min_{t \in T} cap_t}{blocksize_j} \right) / 2 \quad \forall j \in J \quad (5)$$

$$ST_{tco} - SJ_{jso} \geq (1 - X_{tcjs}) * (-M) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, s \in s, o \in O \quad (6)$$

$$SJ_{jso} - ST_{tco} \geq (1 - X_{tcjs}) * (-M) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, s \in s, o \in O \quad (7)$$

$$ST_{tc2} = ST_{tc1} + \sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s (d_{tj1} * X_{tcjs1}) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J \quad (8)$$

$$ST_{tc4} = ST_{tc3} + \sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s (d_{tj3} * X_{tcjs3}) \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J' \quad (9)$$

$$\sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s X_{tcjs} \leq 1 \quad \forall t \in T, c \in c, o \in O \quad (10)$$

$$\sum_{t=1}^T \sum_{c=1}^c X_{tcjs0} \leq 1 \quad \forall j \in J, s \in S, o \in O - 1 \quad (11)$$

$$\sum_{t=1}^T \sum_{c=1}^c (X_{tcjs0} + X_{tcjs0}') \neq 1 \quad \forall j \in J, s \in S, o, o' \in O - 1, o \neq o' \quad (12)$$

$$X_{tcjs0} + X_{tcjs0}' \neq 1 \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, s \in S, o, o' \in O - 1, o \neq o' \quad (13)$$

$$\sum_{j=1}^J (X_{tcjs1} + X_{tcjs4}) \neq 1 \quad \forall t \in T, c \in c, s \in S \quad (14)$$

$$X_{tcjs4} + X_{tc+1j's'1} \neq 2 \quad \forall t \in T, c \in c - 1, j, j' \in J, s, s' \in S, j \neq j' \quad (15)$$

$$\sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s X_{tcjs1} \geq \sum_{j=1}^J \sum_{s=1}^s X_{tc+1js1} \quad \forall t \in T, c \in c - 1 \quad (16)$$

$$ST_{tc1} \leq ST_{tc+11} + (1 - X_{tc+1js1}) * (M) \quad \forall t \in T, c \in c - 1, j \in J, s \in S \quad (17)$$

$$\sum_{t=1}^T \sum_{c=1}^c X_{tcjs1} \geq \sum_{t=1}^T \sum_{c=1}^c X_{tcjs+11} \quad \forall j \in J, s \in S - 1 \quad (18)$$

$$SJ_{js1} \leq SJ_{js+11} + (1 - X_{tcjs+11}) * (M) \quad \forall j \in J, s \in S, o \in O \quad (19)$$

$$ST_{tco} \geq 0 \quad \forall t \in T, c \in c, j \in J, s \in S - 1 \quad (20)$$

$$SJ_{js0} \geq 0 \quad \forall t \in T, c \in c, o \in O \quad (21)$$

(۱۳) وقتی عملیات اول یک توالی از کامیونی برای انجام شدن انتخاب می‌شود، به تبع آن عملیات دوم و سوم

نیز بایستی انجام بگیرند.

(۱۴) با اعمال این محدودیت در صورت انجام عملیات اول

توالی یکم از یک کامیون، عملیات چهارم آن توالی نیز می‌بایست انجام گیرد.

(۱۵) این محدودیت باعث می‌شود کامیون به‌غیر از توالی اول، بارگیری خود را از شاولی شروع کند که در توالی قبلی‌اش به پای آن شاولی رفته است.

(۱۶) و (۱۷) بر اساس این محدودیت‌ها توالی کامیون‌ها به ترتیب صورت می‌گیرد. بدین صورت که شروع توالی c ام قبل از شروع توالی c+1 ام در هر کامیون است.

(۱۸) و (۱۹) بر اساس این محدودیت‌ها توالی شاول‌ها به ترتیب صورت می‌گیرد. بدین صورت که شروع توالی s ام قبل از شروع توالی s+1 ام در هر شاول است.

(۲۰) و (۲۱) متغیرهای تصمیم‌زمان شروع کامیون‌ها و زمان شروع شاول‌ها همواره اعدادی مثبت هستند.

(۲) بر اساس این محدودیت، عملیات در هر سیکل به ترتیب انجام می‌شوند.

(۳) کامیون فقط بعد از اتمام سیکل خود می‌تواند به سراغ سیکل بعدی برود.

(۴) شاول فقط بعد از اتمام سیکل خود می‌تواند به سراغ سیکل بعدی برود.

(۵) نشان‌دهنده حجمی از هر بلوک است که بایستی استخراج شود.

(۶) و (۷) رابطه بین زمان شروع توالی‌های کامیون‌ها و شاول‌ها را برقرار می‌کند (باعث می‌شود متغیرهای تصمیم‌زمان شروع توالی‌ها یکسان باشند).

(۸) زمان انتظار بین عملیات بارگیری و حمل را حذف می‌کند.

(۹) زمان انتظار بین عملیات تخلیه و برگشت را حذف می‌کند.

(۱۰) هر توالی از هر کامیون فقط یکبار قابل انجام است.

(۱۱) هر توالی از هر بلوک فقط یکبار قابل انجام است.

(۱۲) وقتی عملیات اول یک توالی از شاولی برای انجام شدن انتخاب می‌شود، به تبع آن عملیات دوم و سوم نیز بایستی انجام بگیرند.

۳- نتایج و بحث

می‌آیند. نکته قابل‌ذکر دیگر این است که مدل ارائه‌شده در این مقاله از نوع NP-hard است. بدین معنا که با افزایش سایز مسئله زمان حل به‌صورت نمایی افزایش می‌یابد. به این خاطر و برای ارزیابی صحت مدل در این مقاله یک مثال کوچک مقیاس از معدن مس سونگون حل شد. حل مدل با استفاده از روش‌های حل قطعی (مانند الگوریتم شاخه و کران در نرم‌افزار CPLEX) دست‌یافتنی نیست؛ بنابراین تحقیقات آتی بر روی توسعه الگوریتم‌های حل سریع مدل ارائه‌شده متمرکز خواهد شد و سپس می‌توان جنبه‌های کاربردی این مدل را در معادن واقعی و در مقایسه با روش‌های رایج مورد بحث قرار داد. لیکن ارائه هر نوع الگوریتم ابتکاری و یا فرا ابتکاری نیازمند وجود یک مدل درست از عملیات باربری است که در این مقاله ارائه شده است.

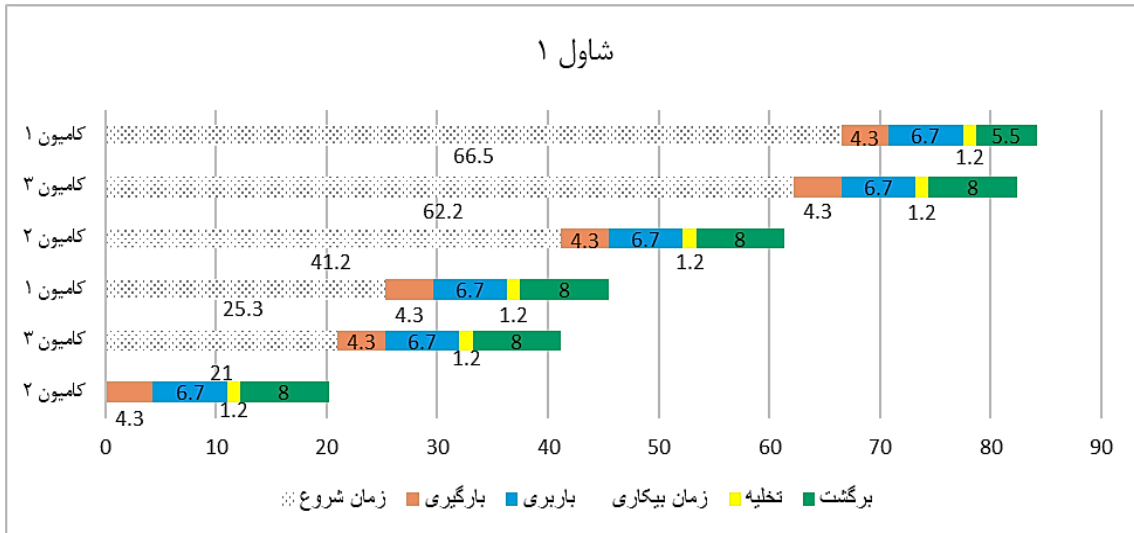
جدول ۱- اطلاعات اولیه مسئله

| | |
|--|-----|
| زمان بارگیری شاول (دقیقه) | ۴/۳ |
| زمان رفت کامیون از شاول ۱ به دمپ (دقیقه) | ۶/۷ |
| زمان رفت کامیون از شاول ۲ به دمپ (دقیقه) | ۱۰ |
| زمان برگشت کامیون از دمپ به شاول ۱ (دقیقه) | ۵/۵ |
| زمان برگشت کامیون از دمپ به شاول ۲ (دقیقه) | ۸ |
| زمان تخلیه کامیون‌ها (دقیقه) | ۱/۲ |
| تعداد کامیون‌ها | ۳ |
| ظرفیت هر بلوک (تن) | ۶۰۰ |
| ظرفیت هر کامیون (تن) | ۱۰۰ |

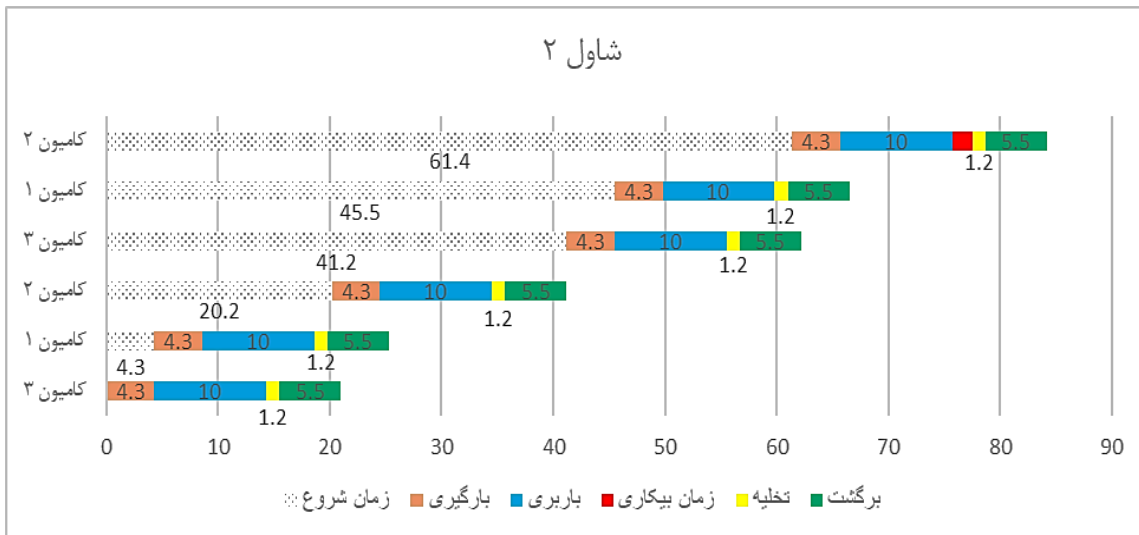
جدول ۲- اطلاعات خروجی مربوط به حل مدل

| | |
|---------------------------|------|
| تعداد محدودیت‌ها | ۳۴۵۲ |
| تعداد متغیرهای باینری | ۲۲۳۲ |
| تعداد متغیرهای غیر باینری | ۹۸ |
| تابع هدف | ۸۴/۲ |
| زمان آغاز کامیون ۱ | ۴/۳ |
| زمان آغاز کامیون ۲ | ۰ |
| زمان آغاز کامیون ۳ | ۰ |
| زمان پایان کامیون ۱ | ۸۴/۲ |
| زمان پایان کامیون ۲ | ۸۴/۲ |
| زمان پایان کامیون ۳ | ۸۲/۴ |
| زمان آغاز کار شاول ۱ | ۰ |
| زمان آغاز کار شاول ۲ | ۰ |
| زمان پایان کار شاول ۱ | ۷۰/۸ |
| زمان پایان کار شاول ۲ | ۶۵/۷ |

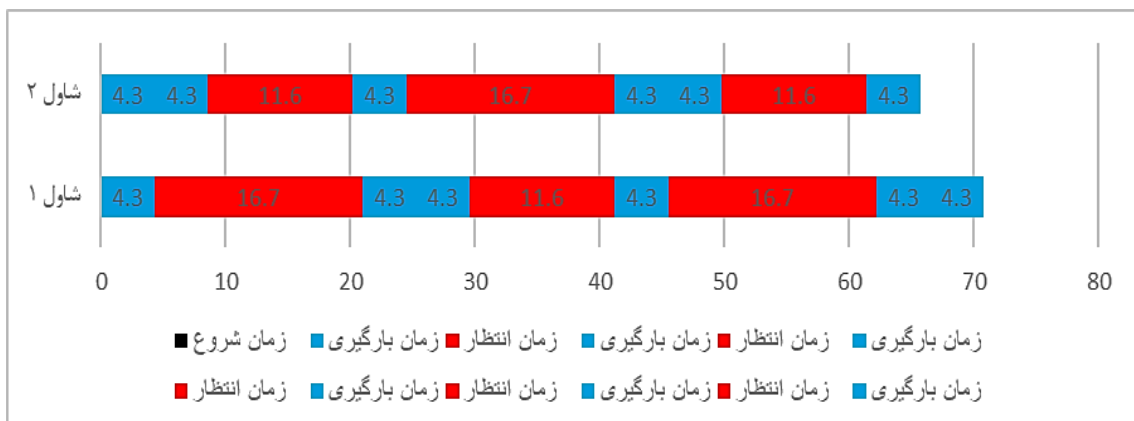
در این بخش به منظور عملکرد مدل در یک مسئله واقعی، مسئله‌ای با استفاده از داده‌های یک معدن واقعی طرح شده است. این مسئله شامل ۳ دستگاه کامیون ۱۰۰ تنی، ۲ دستگاه شاول و یک نقطه تخلیه است که بایستی کامیون‌ها مواد را از پای هر بارکننده به سمت دمپ تخلیه جابجا کنند. برای این منظور، ۴ سیکل برای کامیون‌ها و ۶ سیکل برای شاول نیاز است که کار انجام شود. جدول ۱ اطلاعات تکمیلی را در اختیار قرار می‌دهد. این داده‌ها مربوط به معدن مس سونگون هستند که از مقاله آزادی استخراج شده‌اند [۲۲]. این مسئله با یک رایانه شخصی با پردازشگر چهار هسته‌ای ۱/۸ گیگاهرتزی و حافظه ۴ گیگابایت در زمان ۳۷ ثانیه حل شد. در مرحله بعد مدل ریاضی در محیط IBM ILOG CPLEX پیاده‌سازی شد و با پارامترهای ورودی موجود در جدول ۱ حل شد. جدول ۲ اطلاعات کلی حاصل از حل مدل از قبیل تعداد محدودیت‌ها و متغیرها، تابع هدف و زمان‌های آغاز و پایان کامیون‌ها و شاول را برحسب دقیقه نشان می‌دهد. شکل ۳ و شکل ۴ نمودارهای گانتی هستند که زمان‌های آغاز و پایان هر یک از عملیات کامیون‌ها را برحسب دقیقه نشان می‌دهند. با توجه به این نمودارها می‌توان سیکل کامیون‌ها، زمان‌های آغاز به کار، مدت‌زمان انجام سیکل در مجموع زمان‌بندی ناوگان را مشاهده کرد. تابع هدف بهینه این مسئله که با مدل ارائه‌شده حل شده است، ۸۴/۲ دقیقه است. تابع هدف، کوتاه‌ترین زمان برای استخراج مقدار ماده معدنی مورد نظر با تجهیزاتی که در اختیار است را نشان می‌دهد. پس از به دست آوردن زمان‌بندی عملیات کامیون‌ها و شاول‌ها، زمان‌های بی‌کاری شاول نیز محاسبه شده است. این زمان‌ها نشان‌دهنده حد فاصله اتمام یک سیکل بارگیری شاول و شروع سیکل بعدی است که در شکل ۵ مشخص شده‌اند. در این مسئله شاول‌ها از مجموع ۱۳۶ دقیقه‌ای که کار می‌کند، ۸۵ دقیقه زمان انتظار دارند؛ بنابراین شاول‌های ۱ و ۲ به ترتیب دارای کارایی ۳۶ و ۳۹ درصد و به‌طور میانگین ۳۸ درصدی هستند. شکل ۶ زمان‌های کار و انتظار کامیون‌ها را نشان می‌دهد که در مجموع ۲۵۰ دقیقه‌ای که کامیون‌ها کار می‌کنند، مجموع زمان انتظار کامیون‌ها ۶/۱ دقیقه است. با توجه به در دست داشتن زمان‌های انتظار و کار کامیون‌ها، کارایی کامیون‌های ۱، ۲ و ۳ به ترتیب ۹۵، ۹۸ و ۱۰۰ درصد و به‌طور میانگین ۹۷/۵ درصد به دست



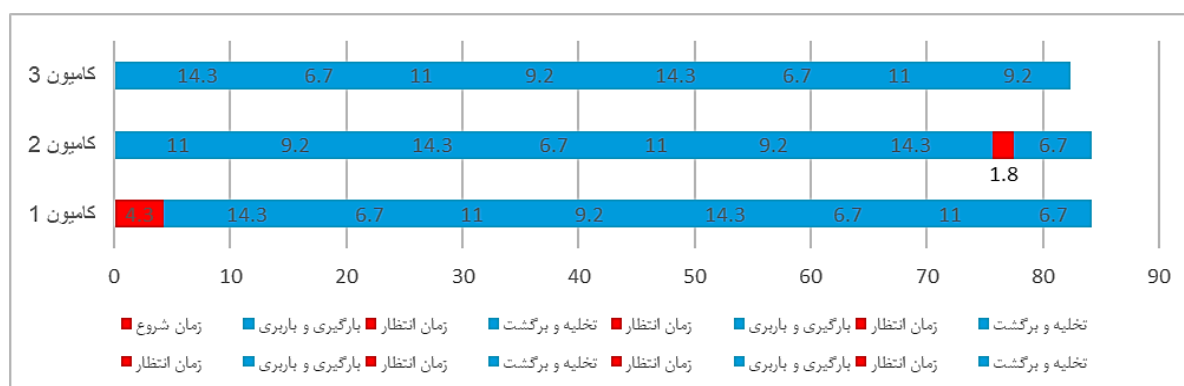
شکل ۳- زمان‌بندی عملیات کامیون‌ها و شاول ۱



شکل ۴- زمان‌بندی عملیات کامیون‌ها و شاول ۲



شکل ۵- زمان‌های انتظار شاول‌ها



شکل ۶- زمان انتظار کامیون‌ها

۴- جمع‌بندی، نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در این مطالعه، عملیات باربری در معادن روباز، به‌عنوان یکی از مسائل اساسی بهینه‌سازی عملیات موردتوجه قرار گرفته است. مسئله تخصیص کامیون‌ها به شاول و همچنین تعیین ترتیب اعزام کامیون‌ها به شاول‌ها (گسیل) به‌عنوان مسائل سنتی حوزه زمان‌بندی عملیات باربری معادن روباز مطرح هستند. در این تحقیق مسائل تخصیص و گسیل کامیون‌ها به‌صورت یک مسئله کارگاه گردش کاری تعریف شد و بر این اساس یک مدل ریاضی برای بهینه‌سازی هم‌زمان و پویای این دو مسئله ارائه شد. خروجی این مدل، زمان‌بندی دقیق کار کامیون‌ها و شاول‌ها تحت محدودیت برنامه‌ریزی تولید از پیش تعیین شده است. مدل ارائه‌شده در نرم‌افزار IBM ILOG CPLEX پیاده‌سازی شد و برای یک مطالعه موردی کوچک‌مقیاس حل شد. نتایج این مطالعه موردی نشان می‌دهد که مدل ارائه‌شده به‌خوبی قابلیت در نظر گرفتن توابع هدف مختلف را دارد و در صورت رسیدن به جواب بهینه می‌تواند زمان انجام عملیات را کاهش دهد و در نهایت توان تولیدی معدن را بالا ببرد. با توجه به بالا رفتن زمان حل این مدل با استفاده از روش‌های حل دقیق و نیاز به حل سریع این مدل برای کاربرد در معادن واقعی، تحقیقات آتی در زمینه توسعه الگوریتم‌های حل سریع پیشنهاد می‌گردد.

مراجع

- [1] M. Koryagin and A. Voronov. (2017). Improving the organization of the shovel-Truck systems in open-pit coal mines. *Transp. Probl.*, vol. 12, no.2, pp. 113–122.
- [2] Sattarvand, J (2015). "Using operation research models for optimizing truck-shovel haulage operation." *First journal of mining engineering*: (in Persian).
- [3] A. Moradi Afrapoli, H. Askari-Nasab. (2017). Mining fleet management systems: a review of models and algorithms. *Int. J. Mining, Reclam. Environ.*, vol. 0930, no. June, pp. 1–19.
- [4] Y. Lizotte and E. Bonates. (1987). Truck and shovel dispatching rules assessment using simulation. *Min. Sci. Technol.*, vol. 5, no. 1, pp. 45–58.
- [5] M. L. Pinedo (2017). "Scheduling: Theory, algorithms, and systems." Amir Kabir university, Ebook: (in Persian).
- [6] Davari, S. and Sattarvand, J (2013). "Simulation of Sungun copper mine haulage system with GPSS/H programming." *Forth journal of mining engineering*: (in Persian).
- [7] Basiri, M. H. and Alamdari, S (2015). "Simulation of transportation system in Abadeh fireclay mine (by using ARENA software)." *Thrid conference of Iran open pit mines*: (in Persian).
- [8] K. Oraee and B. Asi. (2004). Fuzzy model for truck allocation in surface mines. *Proc. 13th Internat. Sympos. Mine Planning Equipment Selection (MPES)*. pp. 585–591.
- [9] N. ÇETIN. (2004). Open-pit truck/shovel haulage system simulation. PhD thesis, University of Middle East Technical University, the Department of Mining Engineering.
- [10] A. S. Hashemi and J. Sattarvand, (2015). Simulation Based Investigation of Different Fleet Management Paradigms in Open Pit Mines-A Case Study of Sungun Copper Mine. *Arch. Min. Sci.*
- [11] L. Zh0ang and X. Xia. (2015). An Integer Programming Approach for Truck-Shovel Dispatching Problem in Open-Pit Mines. *Energy Procedia*, vol. 75, pp. 1779–1784.
- [12] C. H. Ta, A. Ingolfsson, and J. Doucette. (2013). A linear model for surface mining haul truck allocation incorporating shovel idle probabilities. *Eur. J. Oper. Res.*, vol. 231, no.3, pp. 770–778.
- [13] S. R. Patterson, E. Kozan, and P. Hyland. (2017). Energy efficient scheduling of open-pit coal mine trucks. *Eur. J. Oper. Res.*, vol.262, no. 2, pp.759–770.
- [14] J. W. White and J. P. Olson. (1986). Computer-based dispatching in mines with concurrent operating objectives.

- [19] A. Y. Faiz Fadin. (2017). Simulation–Optimization Truck Dispatch Problem Using Look – Ahead Algorithm in Open Pit Mines. *Int. J. GEOMATE*, vol. 13, no. 36, pp. 80–86.
- [20] M. Soleymani and J. Benndorf. (2018). Simulation-based Optimization Approach for Material Dispatching in Continuous Mining System. *Innov. Appl. OR*.
- [21] Y. Son and S. Dessureault. (2013). Simulation-based robust optimization for complex truck-shovel systems in surface coal mines. *Proc. Winter Simul. Conf.* pp. 3522–3532.
- [22] Azadi, N. Monjezi, M. and Ataiepour, M (2014). "Improvement performance of haulage system of Sungun copper mine using simulation technic." *Engineering modelling journal*: (in Persian)
- Min. Eng.(Littleton, Colo.);(United States), vol. 38, no. 11.
- [15] J. Elbrond and F. Soumis. (1987). Towards integrated production planning and truck dispatching in open pit mines. *International Journal of Surface Mining, Reclamation and Environment*.
- [16] F. Soumis, J. Ethier, and J. Elbrond. (1989). Evaluation of the new truck dispatching in the mount wright mine. *Appl. Comput. Oper. Res. Miner. Ind.*, pp. 674–682.
- [17] Z. Li. (1989). A methodology for the optimum control of shovel and truck operations in open-pit mining. *Min. Sci. Technol.*, 10: 337-340.
- [18] Y. Chang, H. Ren, and S. Wang. (2015). Modelling and optimizing an open-pit truck scheduling problem. *Discret. Dyn. Nat. Soc.*

⁵ Tabu search

⁶ Look Ahead Algorithm

⁷ Flexible Flow Shop Problem

¹ GPSS/H

² Arena

³ non-dispatching

⁴ Innovative constructive algorithm