(مقاله پژوهشی)

بررسی اثر انحنای دیواره بر پاسخ لرزهای شیروانیهای سنگی

صادق طهماسبی'، امین ازهری*'، سعید مهدوی'، هاجر شرع اصفهانی^۲

۱- دانشکده مهندسی معدن، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان، ایران ۲- دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان، ایران

(دریافت: دی ۱۳۹۹، پذیرش: مرداد ۱۴۰۰)

چکیدہ

بررسی پایداری استاتیکی و لرزهای شیروانیهای سنگی و خاکی در پروژههای عمرانی و معدنی ازنقطهنظر فنی و اقتصادی و بر اساس ملاحظات ایمنی از اهمیت ویژهای برخوردار است. تاکنون مطالعات زیادی در این بخش صورت گرفته که اغلب آن بهصورت استاتیکی بوده و مطالعات لرزهای محدود نیز تنها بر روی پارامترهای منبع زلزله متمرکزشدهاند و تأثیرات محلی شامل توپوگرافی و اختلاف سختی مواد کمتر مورد توجه قرار گرفته است. از طرفی انحنای شیروانیهای سنگی ازجمله مواردی است که بسیار محدود و تنها برای تاج شیروانی در دو بعد بررسی شده است. هدف این پژوهش بررسی اثر انحنای دیواره شیروانی در شرایط بارگذاری دینامیکی است. به این منظور تأثیر انحنای دیواره شیروانی در سه بعد با نرمافزار عددی FLAC3D مورد بررسی قرار گرفته است. در این مطالعه دو مدل پیت و پیت معکوس بیضیشکل با انحناهای بین ۲۵ تا ۲۰۰ متر بهوسیله پارامترهای ژئومکانیکی معدن چغارت مدلسازی شده و تحت بار استاتیکی و بار لرزهای متداول منطقه مورد تحلیل قرار گرفته است. نتایج حاصل تطابق موبی با مطالعات استاتیکی و دینامیکی دیگر محققان دارد. نتایج بهدست آمده نشان می دهد جابه جایی دینامیکی مدل های مربوط به پیت معدنی مانند مدل استاتیکی دیگر محققان دارد. نتایج بهدست آمده نشان می دهد جابه جایی دینامیکی مدل های مربوط به پیت معدنی مانند مدل استاتیکی آنها کم است، در حالیکه در مدلهای مربوط به پیت معکوس جابه جایی برخلاف مدل استاتیکی قابل ملاحظه میباشد. همچنین تحلیلها نشان میدهد که در هر دو مدل با افزایش شعاع انحنا در ترازهای یکسان، میزان جابه جایی و شتاب سطحی نیز افزایش می یابد. درنهایی پیت معکوس بین ۲۵ و و پیت بینوی بر بی میران، مدل است.

كلمات كليدى

شیروانی، شعاع انحنا، فاکتور تقویت شتاب، تحلیل دینامیکی، روش عددی

^{*} عهدهدار مكاتبات: aazhari@iut.ac.ir

۱ ـ مقدمه

ایمنی و پایداری شیروانیهای معدنی و شیروانیهای جادهای به دلیل مخاطرات مالی و جانی از اهمیت ویژهای برای مهندسین ژئوتکنیک برخوردار است. با توجه به تنوع زیاد عوامل تأثیرگذار؛ مانند ویژگیهای مقاومتی سنگ یا خاک تشکیلدهنده، توپوگرافی، پارامترهای ژئومکانیکی ناپیوستگیها، شرایط آبهای زیرزمینی و لرزهخیزی منطقه، انواع مختلف ریزش و شکست در شیروانی ها محتمل است؛ بنابراین باید در محلهای مورد نظر عوامل فوق و تأثیراتی که به صورت مکمل عمل می کنند بررسی شود. از طرفی به دلیل اهمیت بحث لرزه خیزی منطقه و زلزله در بحث پایداری شیروانیها لازم است طراحی لرزهای این سازهها از طریق "تحليل خطر لرزه اى" انجام گيرد. به طوركلى مى توان گفت دودسته عوامل پارامترهای منبع و عوامل محلی بر پایداری لرزهای شیروانیها تأثیرگذارند. پارامترهای منبع شامل بزرگی زمینلرزه، فرکانس لرزه، مدتزمان، فاصله افقی و عمودی شیروانی از منبع و ویژگیهای توپوگرافی منطقه هست. عوامل محلی نیز شامل توپوگرافی و تنوع ویژگیهای ژئومکانیکی شیروانی است [۱-۴]. تجربه نشان داده است که برای یک رویداد منحصربهفرد زلزله، در محلهایی واقع در نقاطی که فاصله آنها تا کانون زلزله یکسان، ولی شرایط محلى مختلف است، شدت لرزش متفاوتى ثبت شده است [۸-۵]. در میان تأثیرات محلی، توپوگرافی از عواملی است که تا حد زیادی به طراحی شیروانی توسط مهندسین ژئوتکنیک وابسته است و تاکنون مطالعات گستردهای بهمنظور بررسی اثر این عامل بر پایداری استاتیکی و ديناميكي شيروانيها انجام شده است [۹-۱۶]. طبق مطالعات انجامشده دو پدیدهی بازتابش و پراش موج بر پاسخ لرزهای شیروانیها تأثیر قابلتوجهی دارند. این دو پدیده از دلایل تقویت یا تضعیف لرزش در شیروانیها میباشند که توسط شیب و انحنای توپوگرافی کنترل می شوند [۱۰، ۱۷، ۱۸]. شکل ۱ تصویر شماتیک این دو پدیده را نشان میدهد. همان طور که در این شکل نشان داده شده است، امواج لرزه ای در توپوگرافیهای تپهای شکل به دام میافتند. این پدیده تمركز ناميده شده و بهطور قابل توجهي موجب افزايش لرزش زمین می شود. در حالی که بر خورد امواج لرزهای با توپوگرافیهای بهصورت گود باعث پراکنده شدن امواج شده و این مسئله تفکیک یا پراش موج نامیده می شود. برخلاف

پدیده تمرکز، مسئله تفکیک موج باعث کاهش چشمگیر لرزش در هنگام برخورد موج با زمین می شود. همچنین، زوایای مختلف شیروانی تنوعی از الگوهای منتشرشده برای امواج لرزهای ایجاد میکند که یکی دیگر از عوامل افزایش یا کاهش اثرات توپوگرافی است. بر اساس قانون اسنل درصورتی که زاویه تابش موج از زاویه بحرانی کمتر باشد موج به سمت داخل شیروانی بازتابش می کند که در شیروانیهای با شعاع انحنای بزرگ یا شیب تند باعث تشدید لرزش می شود. در مقابل، شیروانی های کم شیب، موج ورودی را پراکنده کرده و لرزش زمین را میکاهد. رابطه بین زاویه شیب و جهت موج لرزهای، می تواند موجب تقویت لرزش در یکطرف و کاهش در طرف دیگر شیروانی شود [۱۱، ۲۰،۱۹]. در مطالعات انجامشده تشدید و تضعیف موج زلزله توسط فاكتور تشديد (AF) كه نسبت شتاب (سرعت) موج لرزه به شتاب (سرعت) موج سطح شيرواني است، بيان می شود. هاونیت و همکارانش نقش اثرات محلی را در لغزش شیروانیهای منطقه آنانوو قرقیزستان که توسط زلزلهای در سال ۱۹۹۲ رخ داد مطالعه کردند. نتایج حاصل نشان میدهد که بیشتر تقویت لرزهای زمین در ناحیه قله رخداده است. در این حالت فاکتور تشدید تابعی از فرکانس زلزله است و می تواند تا ۱۰ افزایش یابد [۷]. در سال ۲۰۱۶ لوریگ به اثر تشدید زمینلرزه در معادن روباز در مقایسه با شیبهای طبيعي با استفاده از تحليل عددي روى اثر توپوگرافي و اختلاف سختی مواد به عنوان دو اثر محلی اشاره کرد [۲۱].



شکل ۱- پدیده تمرکز (سمت راست) و تفکیک (سمت چپ) امواج لرزهای در توپوگرافیهای مختلف

مطالعات جهانی توسط سازمان زمینشناسی ایالاتمتحده (USGS) نشان میدهد که فاکتور تقویت شتاب زمین میتواند بر روی تپهها و لبههای تیز، بزرگتر از ۴ شود [۲۲]. همچنین بیشینه تقویت لزوماً در تاج شیروانی رخ

بررسی مطالعات پیشین نشان میدهد که اکثر مطالعات بهمنظور بررسی تأثیر توپوگرافی شیروانیها در پاسخ لرزهای بر روی شیب و ارتفاع شیروانیها انجام گرفته است و معدود مطالعاتی که بر روی انحنای توپوگرافی انجام گرفته، انحنا را در تاج شیروانی و در مقطعی دوبعدی در نظر گرفتهاند. به این منظور، در مطالعه حاضر سعی شده است تأثیر انحنای دیواره شیروانیها در سه بعد در حالت استاتیکی و همچنین میزان تقویت شتاب لرزه در حالت دینامیکی با استفاده از روش عددی تفاضل محدود (نرمافزار Flac3D) مورد ارزیابی قرار گیرد. به این منظور در بخش دوم ابتدا به معرفی پارامترهای ژئومکانیکی منطقه و هندسه مدلهای مورد مطالعه می پردازیم. در بخش سوم مدل سازی استاتیکی و یسازآن در بخش چهارم تأثیر انحنا بر یاسخ لرزهای توسط مدلسازی دینامیکی و مقایسه توپوگرافیهای مختلف بهعنوان هدف اصلی مطالعه ارائه خواهد شد. درنهایت در بخش ينجم به ارائه و مقايسه نتايج بهدست آمده يرداخته خواهد شد.

۲- پارامترهای ژئومکانیکی و هندسه مدلهای مورد مطالعه

پارامترهای ژئومکانیکی مورداستفاده در مدلسازیهای عددی این پژوهش بر اساس معدن چغارت واقع در شهرستان بافق استان یزد انتخاب شده است [۲۷]. با توجه به این که توده سنگ دربرگیرنده این معدن روباز، درزهدار است و بررسی تأثیر انحنا بهطور مستقل مورد نظر است، پارامترهای معادلسازی شده با توجه به پارامترهای سنگ بکر و درزهدار، در جدول ۱ نشان داده شده است. جدول ۲، پارامترهای معیار موهر – کولمب توده سنگ این معدن را که با بهره گیری از روش پیشنهادشده توسط هوک ارزیابی شده و به عنوان ورودی مدل سازی استفاده شده است، نشان می دهد.

جدول۱- پارامترهای سنگ بکر و اندیس GSI در بلوک ۱ معدن چغارت [۲۷]

واحد	مقدار	پارامتر
МРа	١٠٧	σ_{ci}
-	۵١	GSI
МРа	14140	E_i
-	۰ ,۸	D
-	۲۵	mi
-	۰٫۲۵	ν_i

نمیدهد، بلکه میتواند در فاصله کوتاهی در پشت تاج شیروانی باشد [۲۴،۲۳]. تارگوف و هیونیث در سال ۲۰۱۶، مطالعهاى دوبعدى بهمنظور تخمين ميزان تقويت شدت آریاس (I_a)، به عنوان کمیتی که کل انرژی حاصل از زلزله را نشان میدهد، در چند توپوگرافی با میزان انحناهای گوناگون و تحت موجهایی با فرکانسهای مختلف انجام دادند. نتایج نشان داد که هر چه میزان انحنای یک توپوگرافی کمتر باشد به عبارتی شعاع انحنای بزرگتری داشته باشد، سیگنالهای با فرکانس پایین، پارامتر شدت آریاس را بیشتر کنترل کرده و بالعکس هر چه انحنای توپوگرافی بزرگتر باشد یا به عبارتی شعاع انحنا کوچکتر باشد، سیگنالهایی با فرکانس بالا، بر شدت آریاس مؤثرتر خواهند بود [۲۵]. ازهری واُزبی در سال ۲۰۱۷ اطلاعات جمع آوری شده از ۹۷ ریزش شیروانی های طبیعی در اثر زلزله را بررسی کردند. نتایج نشان میدهد که در ۱۲ مورد از شیبهای طبیعی، توپوگرافی عامل اصلی ناپایداری است. همچنین در سایر موارد هم در کنار عوامل دیگری مانند تفاوت در مدول تغییر شکل لایهها و سطح آب زیرزمینی، توپوگرافی تأثیرگذار بوده است. تطبیق نقشههای برداشت لرزهای با نقشههای توپوگرافی در مناطق مورد بررسی نشان دادهاند که همبستگی خوبی بین مناطق با شدت لرزهای زیاد و توپوگرافیهای مرتفع، تیز و تپهای شكل وجود دارد. این مسئله تأییدكنندهی تأثیر توپوگرافی بر ناپایداری و تشدید اثر زلزله بر شیروانی است [۱]. این محققین در مطالعه دیگری تأثیر توپوگرافی بر فاکتور تقویت سرعت را با استفاده از روش المان مجزا بررسی کردند. نتایج نشان میدهد که با افزایش عرض تاج شیروانی از قله نوکتیز تا شیروانی تپهای شکل با عرض تاج بیشتر تا نهایتاً شیروانیهای یکطرفه، فاکتور تقویت سرعت به ترتیب از ۹ تا ۲ تغییر خواهد کرد. نتایج نشان داد که برخلاف شیبهای طبيعي و سدهاي باطله كه توپوگرافي آنها باعث تمركز موج و درنتیجه تشدید اثر زلزله می شود، معادن روباز به خاطر شکل دره مانند یا پلهای یکطرفه در معرض پدیده تفکیک و تضعیف موج قرار می گیرند و ضریب تشدید در شیروانیهای طبيعي ميتواند تا ٨ برابر معادن روباز افزايش يابد [١٠]. ژانگ و همکاران نیز در سال ۲۰۱۸ تأثیرات توپوگرافی ازجمله زاویه شیروانی، ارتفاع شیروانی، انحنای لبه شیروانی، تأثیر فرکانس و تعداد سیکل موج ورودی بر فاکتور تقویت شتاب حرکت زمین را با نرمافزار FLAC2D بررسی کردند [79].

چغارت و ورودی مدلسازی						
واحد	مقدار	پارامتر				
kPa	٨٩٠	چسبندگی (⁽ C)				
Kg/m ³	2000	چگالی (d)				
درجه	49	زاویه اصطکاک داخلی ($\langle \! igot $				
MPa	۱۳۸۰	مدول يانگ (E _{rm})				
-	۰٫۳۵	(\mathcal{V}_{rm}) ضريب پواسون (

جدول۲- پارامترهای معیار موهر – کولمب توده سنگ معدن

به منظور بررسی تأثیر انحنا از ساختارهای پیت شکل و تپهای یا به عبارتی پیت معکوس با مقاطع بیضوی استفاده شده است که با توجه به تغییر انحنا در هر مقطع و مقاطع با ارتفاعهای مختلف محدوده شعاع انحنای بین ۲۵ تا ۲۰۰ متری را شامل می شوند. در مدل سازی های انجام شده، از ۹ پلهی ۱۰ متری در هر مدل (پیت و پیت معکوس) بهره گرفته شده است تا شبیه سازی از دونوع معدن روباز پیت شکل و پیت معکوس انجام گرفته باشد. حفاری های انجام شده است تا روند مدل سازی به صورت حفاری مرحله ای انجام شده است تا روند تغییرات منحنی مورد نظر مانند شتاب، سرعت، جابه جایی و نیروهای نامتعادل را به صورت مرحله ای مشاهده کنیم. با

$$R = \frac{(b^4 x^2 + a^4 y^2)^{1.5}}{a^4 b^4} \tag{1}$$

که در این رابطه R شعاع انحنا، a قطر بزرگ بیضی و b قطر کوچک بیضی در هر مقطع است. x و y نیز مختصات نقطه مورد نظر بهمنظور محاسبه شعاع انحنا است. شیب کلی پیت معدنی مدل شده با توجه به عمق ۸۰ متری و عرض پله ۸ متری برای هرتراز، برای قسمتهای با شعاع انحنای زیاد و کم به ترتیب ۵۴٫۵ و ۳۵ درجه است. شیب پیت معکوس بیضی شکل در جهت پرشیب (جهتی که دارای انحنای بازتر است) ۴۹٫۳ درجه و در جهت کم شیب ۲۹٫۳ درجه است.



شکل ۲- نمای کلی از هندسه ساخته شده برای مدل های الف) پیت بیضی شکل و ب) پیت معکوس بیضی شکل

۳- مدلسازی استاتیکی

پس از هندسهسازی، اعمال خصوصیات ماده مطابق با مدل رفتاری تعیینشده و اعمال شرایط مرزی و اولیه به مدل، اقدام به حل مدلسازیهای مورد نظر شده است. با توجه به آزمایشهای برجای انجامشده در منطقه نسبت تنش افقی به عمودی (K0) برابر ۰٫۷ در نظر گرفته شده است. هرچند هدف اصلى اين تحقيق، بررسي واكنش لرزماي پيت و پیت معکوس است، ولی برای مقایسه نتایج تحلیل استاتیکی با تحلیل دینامیکی، ابتدا جابهجاییهای استاتیکی بررسی شده است. شکل ۳ کانتورهای جابهجایی پیت و پیت معکوس را در جهات X و Y نشان میدهد. در پیت بیضوی هرچند مقدار جابهجایی کم است، ولی به خاطر داشتن شعاع انحنای متفاوت در دو جهت X و Y، میزان جابه جایی ها نیز متفاوت است و بهطورکلی میزان جابهجایی در جهت Y بیشتر از جهت X است. یکی از دلایل اصلی این موضوع این است که هر چه در جهت مختصاتی X حرکت کنیم (چه در جهت مثبتX و چه در جهت منفیX) شعاع انحنا کم شده، درنتیجه فشار محصور کننده زیاد می شود و درنهایت اجازه جابهجایی محدودتری به سنگ داده می شود. همچنین به خاطر تأثیر تنش بیشتر در عمق پیت معدنی، میزان جابهجایی نیز در پلههای پایینی زیادتر است؛ اما در مقابل،



الف) کانتور جابهجایی در جهت X مربوط به پیت معکوس بیضوی



ج) کانتور جابهجایی در جهت X مربوط به پیت بیضی شکل

در مورد پیت معکوس باوجود شعاع انحنای متفاوت در دو جهت X و Y، میزان جابهجاییها تفاوت معنی داری از خود نشان نمی دهند. دلیل این موضوع بی تأثیر بودن فشار محصور کنندگی در مدل پیت معکوس است. به منظور بررسی دقیق تر مدل ها نقاطی به منظور رصد جابه جایی مدل در شعاع انحناهای مختلف در نظر گرفته شده اند. این نقاط در دو گروه بر روی مقاطع افقی از نقطه A تا B و در مقاطع مختلف ارتفاعی در مقاطع A-A و B-B مورد بررسی قرار گرفته اند (شکل ۴).

A-A شكل ۵-الف جابه جایی های رصد شده برای مقاطع A-A و B-B در پلههای با ارتفاعهای مختلف را نشان می دهد. نمودار نشان می دهد كه به طوركلی در نقاط A با شعاع انحنای كمتر به دلیل وجود فشار محصوركننده بیشتر، جابه جایی ها مقادیر كمتری را نسبت به نقاط B با همان ارتفاع نشان می دهند. به منظور بررسی نقاط واقع در یک ارتفاع با شعاع انحناهای متفاوت شكل ۵- ب جابه جایی های ارتفاع با شعاع انحناهای متفاوت شكل ۵- ب جابه جایی های نبت شده از نقطه Aتا B را بر روی پله میانی (ارتفاع ۴۰ متر) در جهات X و Y و به صورت برآیند دو مؤلفه نشان می دهد. همان طور كه مشاهده می شود جابه جایی ها در جهت های X و Y روندی عكس یكدیگر دارند و برآیند جابه جایی ها از شعاع انحنای كم (نقطه A) تا زیاد (نقطه B) به صورت خطی در حال افزایش است.







د) کانتور جابهجایی در جهت Y مربوط به پیت بیضی شکل

شکل ۳- کانتورهای جابهجایی در جهتX و Y تحت شرایط استاتیکی برای پیت و پیت معکوس



شکل ۴– نمایی از مکانهای رصد در نظر گرفته شده پیت یا A-A پیت معکوس بر روی مقطعی با ارتفاع ثابت (A-B) و مقاطع و B-B با ارتفاع متفاوت



الف) منحنی جابهجایی برحسب ار تفاع (شعاع انحنا) مربوط به نقاط واقع در مقاطع A-A وB-B



ب) منحنیهای جابهجایی استاتیکی برحسب شعاع انحنا مربوط به پیت بیضیشکل



در شکل ۶، نمودارهای مشابهی برای پیت معکوس نیز رسم شده است که روندی کاملاً متفاوت با پیت را نشان میدهد. همانطور که مشاهده میشود اختلاف معنیداری بین جابهجاییها در جهات X و Y وجود نداشته و با افزایش ارتفاع و درنتیجه کاهش شعاع انحنا از جابهجاییها کاسته میشود. همچنین برای نقاط مورد نظر در یک ارتفاع (شکل میشود. همچنین برای نقاط مورد نظر در یک ارتفاع (شکل ۶-ب) تغییر شعاع انحنا تأثیر قابلملاحظهای بر میزان جابهجایی برآیند ندارد. دلایل اختلاف در روند جابهجاییها بین پیت و پیت معکوس را میتوان کاهش تنش در ارتفاعهای بالا و عدم وجود فشار محصورکننده در پیت معکوس برخلاف مدل پیت شکل دانست.



الف- منحنی جابهجایی برحسب ار تفاع (شعاع انحنا) مربوط به نقاط و B-B و A-A و B-B



ب- منحنیهای جابهجایی استاتیکی برحسب شعاع انحنا مربوط به پیت معکوس بیضیشکل

شکل ۶- جابهجاییهای ثبتشده برای پیت معکوس در نقاط B-B، A-A و-A-

۴- مدلسازی و تحلیل دینامیکی

در این بخش به بررسی رفتار دینامیکی مدلهای ساختهشده با توجه به پایداری استاتیکی مدلها پرداخته

می شود. به این منظور باید در ابتدا ملاحظاتی برای انجام تحلیل دینامیکی در نظر گرفته شود، این ملاحظات شامل، ابعاد شبکهبندی، میرایی مدل و شرایط مرزی است.

در تحلیل دینامیکی، ابعاد المانها دارای محدودیت است. ابعاد شبکهبندی در تحلیلهای لرزهای نقش مهمی دارند، زیرا با بزرگتر شدن ابعاد المانها علاوه بر اینکه دقت تحلیل پایین میآید، با توجه به فرکانس موج زلزله اعمالی احتمال بازتاب موج در برخورد با المانهای بزرگ وجود دارد و موج بهدرستی در مدل عبور نمیکند. همچنین با کاهش بیشازحد ابعاد المانها، زمان محاسبات عددی توسط موج زلزله در مدل و انتشار صحیح آن، لازم است تا حداکثر ابعاد المان کوچکتر از یکدهم تا یکهشتم طول موج ایجادشده توسط بالاترین فرکانس امواج ورودی به سیستم باشد. حداکثر بعد هر المان را میتوان با رابطه (۲) تعیین نمود[۲۸].

با توجه به این که موج در طبیعت، با پیشروی در محیط میرا شده و انرژی آن کاهش می یابد، لذا این پدیده نیز در تحلیل دینامیکی باید در نظر گرفته شود. در نرمافزارهای عددی برای مشخص شدن میرایی محیط از میرایی رایلی یا میرایی محلی استفاده می شود که مدل ریاضی آن به گونهای انتخاب می شود که انرژی مستهلک شده در محاسبات عددی، مانند انرژی مستهلک شده در سیستم فیزیکی باشد. برای میرایی رایلی لازم است که ابتدا با تعیین مقدار فرکانس طبيعي مدل تهيهشده، مقدار ميرايي رايلي را در محدوده فركانس طبيعي تعريف كرد. تعيين ميرايي محيط بهراحتي امكان پذير نيست، ولى بر اساس تجربه مقدار ميرايي مصالح ژئوتکنیکی، ۲ تا ۵ درصد میرایی بحرانی در نظر گرفته می شود. قابلذکر است که در صورت استفاده از مدل های پلاستیک (مانند موهر - کولمب)، به دلیل جریان پلاستیک ذرات، مقداری از انرژی بار لرزهای تلف می شود. این اتلاف انرژی ایجاب می کند که میرایی، در مطالعات عددی به حدود ۰/۵ درصد برسد [۲۸].

$$l_{max} = \frac{C_s}{8f_{max}} \tag{(7)}$$

Cs: سرعت گذر موج برشی در محیط.

f_{max}: بزرگترین فرکانس دارای انرژی در موج زلزله که Cs از رابطه (۳) محاسبه میشود.

$$C_s = \sqrt{G/\rho} \tag{(7)}$$

و $oldsymbol{
ho}$ به ترتیب مدول برشی و چگالی سنگ موجود در G منطقه با مقادیر ۵۱۲٬۴ مگاپاسکال و ۲۷۵۰ کیلوگرم بر مترمكعب است. درنهایت با محاسبه سرعت موج برشی از طریق رابطه (۳)، حداکثر اندازه ابعاد شبکه با استفاده از رابطه (۲)، ۱۰،۸ متر حاصل شده است. در مدلسازی با نرمافزار FLAC3D لازم است با تعیین شرایط مرزی آرام (ویسکوز) در مرزهای مدل یا مرز میدان آزاد از انعکاس امواج در هنگام برخورد با مرزها جلوگیری شود. اعمال بارهای لرزهای مبتنی بر استفاده از میراگرهای عمودی و برشی در مرزهای مدل است که انرژی امواج برخوردی را جذب و از بازتاب آن به داخل مدل جلوگیری می کند. بنابراین در اطراف مدل های ساختهشده، از مرزهای آزاد و در کف مدلها از مرزهای آرام استفاده شده و در شکل ۷ نشان داده شده است. استفاده از مرز ویسکوز در پایه باعث می شود تا امکان اعمال بار در زلزله بهصورت تاریخچه سرعت یا شتاب وجود نداشته باشد. به این منظور با استفاده از رابطهی (۴)، دادههای شتاب زلزله به ركورد تنش برشى تبديل شده است. سپس تنش برشى به صورت یک موج برشی به مدل اعمال شده است. $\sigma_s = -2(\rho C_s)v_s$

تنش برشی اعمالی، v_s سرعت موج برشی ورودی در σ_s مرز، ho چگالی محیط و C_s سرعت عبور موج برشی در محیط.



شکل ۷- شرایط مرزی آزاد در اطراف و آرام در کف مدل

در مدلهای دینامیکی این مطالعه زلزلهای با فرکانس ۵ هرتز به مدت یک ثانیه و به بزرگی ۲۰٫۵ به مدلها اعمال شده است که در محدوده فرکانس و بزرگی زلزلههای ثبتشده در شهرستان بافق میباشد. شکل ۸ موج ورودی در نظر گرفته شده را نشان میدهد. طبق رابطه (۴)، حداکثر مقدار تنش برشی اعمالی ۱٫۲ مگاپاسکال است. از طرفی با توجه به میرایی مرز ویسکوز در کف مدل، بزرگی موج ورودی ۶٫۰ مگاپاسکال است.

در نقاط A و B، کاهش می یابد. دلیل کاهش مقدار شتاب لرزهای در ترازهای بالاتر، توپوگرافی پیت میباشد. به این صورت که پدیده پراکندگی موج در توپوگرافیهای درهای شکل در ارتفاعهای بالاتر تشدید شده و درنتیجه موجب کاهش شتاب می گردد. با مقایسه نمودارهای شکلهای ۹ و ۱۱ می توان به این نتیجه مهم پی برد که هرچند شتاب لرزهای نقاط B در ترازهای مختلف کمتر از نقاط A هستند ولى مقدار جابهجايي نقاط B اندكي بيشتر است. دليل اين مسئله وجود فشار محصور کنندگی کمتر در نقاط B نسبت به نقاط A است. این در حالی است که در پیت اثر فشار محصور کنندگی بیشتر از شتاب لرزهای، مقدار جابه جایی را کنترل می کند. با این توضیح که در توپوگرافی پیت به خاطر اثر پراکندگی موج، نقاطی که شیب تندتری دارند، پدیده پراش موج تشدید می شود و شتاب در این نقاط کاهش می یابد. همچنین شکل ۱۲ روند تغییرات شتاب لرزهای برحسب شعاع انحنا در جهتهای X و Y و برآیند آنها (شتاب سطحی) را نشان میدهد. همان طور که دیده می شود با افزایش شعاع انحنا، شتاب سطحی نیز بیشتر می شود.



شکل ۹- مقایسه جابهجایی در نقطه ارتفاعی A و B مربوط به مدل پیت



شکل ۱۰- جابهجایی از نقطه A تا B (روی تاج یک پله با ارتفاع یکسان) مربوط به مدل پیت.



۵ شکل ۸- موج زلزله اعمالی با بیشینه شتاب v_ا۵۶ و فرکانس هر تز به مدت یک ثانیه

۴-۱- نتایج تحلیل دینامیکی پیت بیضوی

در مدلسازیهای دینامیکی همانند حالت استاتیکی، جابهجاییها در جهات X و Y برای مقاطع با ارتفاعهای مختلف در نقاط A و B و در مقطع میانی با ارتفاع ۴۰ متر از نقطه A تا B ثبتشدهاند. مقایسه جابهجایی در نقاط A وB در شکل ۹ نشان میدهد که هرچند مقدار جابهجاییها کوچک هستند (کمتر از ۱۰cm) ولی جابهجایی در جهت Y نقاط B از جابهجایی در جهت X نقاط A بیشتر است. علت جابهجایی بیشتر در نقاط B را میتوان شیب بیشتر در راستای Y (۵۴/۵ درجه) نسبت به شیب نقاط A در راستای X (۵۵ درجه) دانست. همچنین در جابهجاییها رفتاری سینوسی با فرکانس کم مشاهده میشود که به نظر میرسد رابطهای بین فرکانس موج، ارتفاع و شعاع انحنا میباشد.

شکل ۱۰ جابهجایی از نقطه A تا B (روی تاج یک پله با ارتفاع یکسان ۴۰ متر) در جهتهای X و Y و همچنین برآیند آنها (جابهجایی سطحی) را نمایش میدهد. با توجه به منحنیهای شکل مورد نظر با افزایش شعاع انحنا، برآیند جابهجاییها در حال افزایش است. با توجه به این که نقطه A دارای شعاع انحنای کمتری است در این نقطه فشار محصورکنندگی بیشتری وجود دارد. لذا میزان جابهجایی سطحی در این نقطه کمتر از سایر نقاط است. هر چه قدر شعاع انحنا بیشتر شود، از مقدار فشار محصورکنندگی کاسته شده و بر میزان جابهجایی افزوده میشود. همچنین روند سینوسی جابهجایی به این معناست که در نقاط با شعاع انحنای بیشتر، روند جابهجایی صعودی میشود و بالعکس.

در شکل ۱۱ نیز منحنیهای مربوط به روند تغییرات شتاب لرزهای در جهتهای X و Y که به ترتیب مربوط به نقاط A و B (با ترازهای مختلف) است، نمایش داده شده است. نتایج نشان میدهد که با افزایش ارتفاع، شتاب لرزهای

بررسی اثر انحنای دیواره بر پاسخ لرزهای شیروانیهای سنگی



شکل ۱۱– روند تغییرات شتاب لرزهای در نقاط A و B (با ترازهای مختلف) مربوط به پیت



شکل ۱۲- روند تغییرات شتاب لرزهای برحسب شعاع انحنا در جهتهای X و Y و برآیند آنها (شتاب سطحی) مربوط به پیت

۴-۴- نتایج تحلیل دینامیکی پیت معکوس بیضوی

پس از مدل سازی پیت بیضوی به منظور بررسی اثر تمرکز موج، پیت معکوس نیز تحت بار دینامیکی مورد تحلیل قرار گرفته است. شکل ۱۳ جابه جایی نقاط A و B را بر حسب ارتفاع در پیت معکوس نشان می دهد. باوجود این که در مدل پیت معکوس با افزایش ارتفاع، شعاع کاهش می یابد، ولی روند جابه جایی های سطحی برای نقاط A و B بر حسب ارتفاع به طورکلی ثابت است. باوجودی که در مدل پیت معکوس منحنی جابه جایی در نقاط مربوط به A و B روند معکوس منحنی جابه جایی در نقاط مربوط به A و B روند این اختلاف نشان می دهد که در این نوع توپو گرافی جابه جایی برای شعاع انحناهای بزرگ تر بیشتر خواهد بود. شکل ۱۴ روند جابه جایی بر روی پله میانی با شعاع انحناهای مختلف از نقطه A تا B (روی تاج یک پله با ارتفاع یکسان ۴۰ متر) در جهتهای X و Y و همچنین برآیند آنها (جابه جایی

سطحی) را نمایش میدهد. با توجه به این نمودار با افزایش شعاع انحنا، برآیند جابهجاییها نیز در حال افزایش است.

شکل ۱۵ کانتور شتاب لرزهای در مدل پیت معکوس را نشان می دهد و شکل ۱۶ نیز منحنی های مربوط به روند تغییرات شتاب لرزهای در جهتهای X و Y را به ترتیب برای نقاط A و B ارائه می دهد. با توجه به این شکل ها، شتاب کلی به تدریج از A تا B به مرور افزایش یافته و شتاب در جهت Y تقریباً ثابت و ۲ برابر شتاب در جهت X است. شکل ۱۷ روند تغییرات شتاب لرزهای بر حسب شعاع انحنا در جهت های X و Y با تراز یکسان و برآیند آن ها (شتاب سطحی) را نمایش می دهد. نتایج نشان می دهد با افزایش شعاع انحنا شتاب در جهت Y افزایش یافته است. علت این مسئله شیب بیشتر پیت معکوس در جهت Y (۲۹/۳ درجه) در مقایسه با جهت X (۲۹/۳ درجه) و طول تکیه گاهی کمتر ۱۹۲ متری در جهت Y در مقابل ۳۸۴ متر در جهت X می باشد که باعث تشدید لرزش در این جهت شده است.



شکل ۱۳- مقایسه جابهجایی در نقطه A و B مربوط به مدل پیت معکوس بیضی شکل



شکل ۱۴− جابهجایی از نقطه A تا B (روی تاج یک پله با ارتفاع یکسان) مربوط به مدل پیت معکوس



شکل ۱۵- کانتور شتاب لرزهای مدل پیت معکوس بیضی شکل



A منحنی شتاب در جهت X و Y به ترتیب در نقاط A و B در ترازهای مختلف پیت معکوس



شکل ۱۷- روند تغییرات شتاب لرزهای برحسب شعاع انحنا در جهتهای X و Y و برآیند آنها (شتاب سطحی) مربوط به پیت معکوس

۴-۴- مقایسه نتایج تحلیل دینامیکی پیت و پیت معکوس

همان طور که گفته شد فاکتور تقویت شتاب (AF)، نسبت شتاب بیشینه زمین (PGA) روی شیروانی به شتاب بیشینه ورودی، یکی از فاکتورهای اصلی مورد استفاده در بررسی پاسخ لرزهای است، که تأثیر عوامل محیطی ازجمله توپوگرافی را بهخوبی نشان میدهد. شکل ۱۸ تغییرات فاکتور تقویت شتاب (AF) نقاط A (دارای کمترین شعاع

انحنا)، B (دارای بیشترین شعاع انحنا) و برآیند دو جهت را برای ارتفاعهای مختلف مدلهای پیت و پیت معکوس نشان میدهد. همان طور که دیده می شود مقادیر فاکتور (AF) در پیتها کمتر از یک بوده و برای پیت معکوس بین ۲٫۸ تا ۵٫۳ می باشد که تغییرات محدودتری در پیت نسبت به پیت معكوس مشاهده شده است. اين مسئله نشان از تضعيف و محدود کردن شدت تأثیر موج در پیتها میباشد. برای نقاط A (شعاع انحنای کمتر) و نقاط B (شعاع انحنای بزرگتر) فاکتور AF تقریباً ثابت بهدستآمده و در ارتفاعات مختلف تغییرات قابل توجهی ندارد. در حالی که پیت معکوس برای انحناهای مختلف در نقاط A (شعاع انحنای کمتر) و نقاط B (شعاع انحنای بزرگتر) دارای برآیند فاکتور تقویت شتاب در محدوده ۵ تا ۶ می باشند. دلیل اصلی اختلاف قابل ملاحظه AF در این دو مدل، تفاوت توپوگرافی این دو ساختار مى باشد. توپوگرافى پيت معكوس باعث پديده تمركز امواج لرزهای به سمت داخل ساختار و حرکت تا بالای ساختار و توپوگرافی پیت باعث تفکیک و پخش موج به سمت بیرون و كاهش انرژی موج شده است. همچنین علت اصلی اختلاف بین ضرایب تشدید در نقاط A و B را میتوان طول تکیهگاهی بیشتر در جهت X نسبت به جهت Y دانست (شکل ۱۹-الف)

شکل ۲۰ تغییرات فاکتور تقویت شتاب (AF) از نقطه A تا B در یک ارتفاع مربوط به دو مدل را ارائه میدهد. نتایج نشان میدهند که تغییرات فاکتور تقویت شتاب در مدل پیت معکوس در جهات X و Y در یک ارتفاع ثابت، یکسان و برآیند آنها در محدوده ۲/۵ تا ۶ میباشد. نتایج مربوط به پیت، تغییرات محدود فاکتور تقویت را در جهت X نسبت به جهت Y نشان میدهد. این اختلاف میتواند به دلیل وجود

(۵)

فشار محصور کننده بیشتر در جهت X باشد (شکل ۱۹– ب). با توجه به نتایج بهدستآمده رابطه (۵) فاکتور تقویت شتاب افقی (AF) را برحسب شعاعهای انحنای مختلف ارائه میدهد.

 $AF = C_1 R^3 + C_2 R^2 + C_3 R + C_4$

که در آن R شعاع انحنا برحسب متر و C1، C2، C3 و C4 ثابتهای رابطه هستند که برحسب نوع شیروانی در جدول ۳ ارائه شده است. لازم به ذکر است که این رابطه تنها برای فرکانس ۵ هرتز زلزله بهعنوان فرکانس قالب منطقه صادق است.



شکل ۱۸- فاکتور تقویت شتاب از نقطه A و B در ترازهای مختلف



شکل ۱۹- تصاویر شماتیک عوامل تأثیرگذار بر فاکتورهای تشدید شتاب در الف) پیت معکوس و ب) پیت



شکل ۲۰- تغییرات فاکتور تقویت شتاب از نقطه A تا B در تراز ثابت

جدول ۳- ثابتهای رابطه (۵) بنابر نوع شیروانی

C4	C ₃	C ₂	C1	
١,•٧	۴٬۵Ε-۳	$\tau_{/} \Delta E {-} \Delta$	•	پيت
۵,۴۳	۴ _/ ۸E-۲	۲/۵Ε-۴	$v_{/} \Delta E - v$	پيت معكوس

0

تمرکز امواج لرزهای به سمت داخل ساختار و حرکت در طول شکل ۲۱ جابهجاییها در مدل پیت و پیت معکوس را آن تا بالای پیت معکوس شده است. درحالی که توپوگرافی تحت بار لرزهای در جهات X و Y نشان میدهد. پیت باعث تفکیک و پخش موج به سمت بیرون و کاهش همان طور که مشاهده می شود، جابه جایی ها در مدل های انرژی موج شده است. همچنین علت اصلی اختلاف بین پیت معکوس در حد چند متر و در مدلهای مربوط به پیت، ضرایب تشدید در نقاط A و B را می توان طول تکیه گاهی در حد چند سانتیمتر است. دلیل اصلی این اختلافهای قابل ملاحظه در جابجاییها و شتابها، تفاوت توپو گرافی این بیشتر در جهت X نسبت به جهت Y دانست دو ساختار می باشد. تو پوگرافی پیت معکوس باعث پدیده 2.25 4.5 4 2 3.5 1.75 1.5 3 **a** 1.25 E 2.5 dsiQ X 1.5 1 X Dsip 0.75 0.5 1 0.25 0.5

الف) تغییرات جابه جایی در نقطه A درجهت X ب) تغییرات جابه جایی در نقطه B درجهت Y

0

بيت معكوس نقطه A

شکل ۲۱- مقایسه تغییرات جابهجاییها در مدل پیت و پیت معکوس تحت بار لرزهای در جهات الف)X و ب)Y

يت نقطه B

۵- نتیجه گیری

بيت نقطه A

با توجه به مطالعات محدود انجام گرفته بر روی تأثیر انحنای توپوگرافی شیروانیها بر پاسخ لرزهای آنها که اغلب به بررسی انحنای تاج شیروانیها بهصورت دوبعدی پرداختهاند و درباره اثرات ناشی از تغییرات شعاع انحنای دیواره شیروانیها مطالعهای صورت نگرفته است، در این تحقیق به بررسی سهبعدی لرزهای رفتار دو سازه پیت و پیت معکوس بیضوی با نرمافزار عددی FLAC3D پرداخته شد. نتایج حاصل را می توان به صورت زیر خلاصه نمود:

طبق نتایج تحلیل استاتیکی، در مدل پیت بیضی شکل، با افزایش شعاع انحنا در ترازهای یکسان از ۲۵ تا ۲۵۰ متر، مقدار جابهجایی به دلیل کاهش فشار محصور کنندگی ۴۰ درصد افزایشیافته است. این در حالی است که به دلیل عدم وجود فشار محصور کننده در پیت معکوس با تغییر شعاع انحنا مقدار جابهجایی تغییر چندانی نکرده است. از طرفی، اگرچه جابهجایی در شعاع انحناهای کوچکتر در یک تراز کمتر است، به طور کلی برای جابه جاییهای سطحی (برآیند جابهجاییها) اختلاف چندانی در نقاط هم تراز وجود ندارد. ضمناً با افزایش عمق شعاع انحنا کاهشیافته ولی به دلیل تنش بیشتر مقدار جابه جایی افزایش می یابد.

بهطور کلی اعمال بار لرزهای موجب افزایش مقدار جابهجایی در مدلهای دینامیکی نسبت به شرایط استاتیکی شده است. اگرچه در مدلهای مربوط به پیت، جابهجایی نسبت به حالت استاتیکی فقط در حد چند سانتیمتر افزایشیافته است، مقدار جابهجایی در مدلهای مربوط به پیت معکوس بهطور قابلتوجهی نسبت به حالت استاتیکی افزایشیافته است. دلیل این موضوع به توپوگرافی مدلها برمی گردد بهاینترتیب که توپوگرافی پیت معکوس باعث تمرکز موج و پیت باعث پراش موج می شود.

ييت معكوس نقطه B

طبق نتایج تحلیل دینامیکی در مدلهای پیت و پیت معکوس بیضوی در ترازهای یکسان با افزایش شعاع انحنا، جابهجایی و شتاب برآیند (سطحی) افزایشیافته که دلیل آن در پیت معکوس تکیهگاه کمتر و شیب بیشتر و در پیت، فشار محصورکنندگی کمتر در مناطق با شعاع انحنای بزرگتر میباشد. بهعلاوه، در مدل پیت معکوس، با توجه به پدیده مرکز موج در ناحیهای که شیب تندتری دارد، شتابهای بزرگتری تا حدود g ۲٫۶ ثبت میشود؛ اما در پیت به خاطر پدیده پراکندگی موج در ناحیهای که شیب بیشتری دارند، شبابهای کمتری در محدوده g۶٫۰ تا g۵۵٫۰ ثبت میشود. بر اساس نتایج تحلیل دینامیکی، در مدل پیت فشار محصورکننده تأثیر بیشتری در کنترل جابهجایی نسبت به earthquakes." Geotechnical and Geological Engineering 36, no. 2 (2018): 1249-1266.

[11] Sepúlveda, Sergio A., William Murphy, Randall W. Jibson, and David N. Petley. "Seismically induced rock slope failures resulting from topographic amplification of strong ground motions: The case of Pacoima Canyon, California." Engineering geology 80, no. 3-4 (2005): 336-348.

[12] Gorum, Tolga, Cees J. van Westen, Oliver Korup, Mark van der Meijde, Xuanmei Fan, and Freek D. van der Meer. "Complex rupture mechanism and topography control symmetry of mass-wasting pattern, 2010 Haiti earthquake." Geomorphology 184 (2013): 127-138.

[13] Tsai, Chi-Chin, and Chung-Han Lin. "Prediction of earthquake-induced slope displacements considering 2D topographic amplification and flexible sliding mass." Soil Dynamics and Earthquake Engineering 113 (2018): 25-34.

[14] Luo, Yonghong, and Yunsheng Wang. "Mountain slope ground motion topography amplification effect induced by Wenchuan earthquake." Journal of mountain science 31, no. 2 (2013): 200-210.

[15] Havenith, H-B., M. Vanini, D. Jongmans, and E. Faccioli. "Initiation of earthquake-induced slope failure: influence of topographical and other site specific amplification effects." Journal of seismology 7, no. 3 (2003): 397-412.

[16] Meunier, Patrick, Niels Hovius, and John Allan Haines. "Topographic site effects and the location of earthquake induced landslides." Earth and Planetary Science Letters 275, no. 3-4 (2008): 221-232.

[17] Harp, Edwin L., and Randall W. Jibson. "Anomalous concentrations of seismically triggered rock falls in Pacoima Canyon: Are they caused by highly susceptible slopes or local amplification of seismic shaking?." Bulletin of the Seismological Society of America 92, no. 8 (2002): 3180-3189.

[18] Anggraeni, Dita Modelling the impact of topography on seismic amplification at regional scale. University of Twente Faculty of Geo-Information and Earth Observation (ITC), 2010.

[19] Ashford, Scott A., and Nicholas Sitar. "Analysis of topographic amplification of inclined shear waves in a steep coastal bluff." Bulletin of the seismological society of America 87, no. 3 (1997): 692-700.

[20] Chen, Hongjun, Wenhuan Zhan, Liqing Li, and Ming-ming Wen. "Occurrence of submarine canyons, sediment waves and mass movements along the northern continental slope of the South China Sea." Journal of Earth System Science 126, no. 5 (2017): 73.

[21] Lorig, L. "Designing for extreme events in open pit slope stabilty." Journal of the Southern African Institute of Mining and Metallurgy 116, no. 5 (2016): 387-398.

[22] Allen, Trevor I., and David J. Wald. "On the use of high-resolution topographic data as a proxy for seismic site conditions (VS 30)." Bulletin of the Seismological Society of America 99, no. 2A (2009): 935-943.

[23] Tripe, R., S. Kontoe, and T. K. C. Wong. "Slope topography effects on ground motion in the presence of deep soil layers." Soil Dynamics and Earthquake Engineering 50 (2013): 72-84.

شتاب دارد. به طوری که باوجود شتاب کمتر در نقاط B با شعاع انحنای کمتر، مقدار جابه جایی بیشتری در این نقاط ثبت شده است که دلیل اصلی آن فشار محصور کنندگی کمتر در آن ناحیه است. در ارتباط با فاکتور تقویت شتاب (AF)، مقایسه منحنی ها و کانتورهای شتاب در مدل های پیت و پیت معکوس، مقدار این فاکتور تابعی از شعاع انحنا و در مدل های پیت معکوس بین 4/6 و ۶ و برای پیت بین ۲/۰ و ۱/۲ را نشان می دهد.

مراجع

[1] Azhari, A., and U. Ozbay. "Investigating the effect of earthquakes on open pit mine slopes." International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences 100 (2017): 218-228.

[2] Kastens, Kim A. "Earthquakes as a triggering mechanism for debris flows and turbidites on the Calabrian Ridge." Marine Geology 55, no. 1-2 (1984): 13-33.

[3] Dai, F. C., C. Xu, Xin Yao, L. Xu, X. B. Tu, and Q. M. Gong. "Spatial distribution of landslides triggered by the 2008 Ms 8.0 Wenchuan earthquake, China." Journal of Asian Earth Sciences 40, no. 4 (2011): 883-895.

[4] Zebarjadi Dana, H., R. Khaloo Kakaie, R. Rafiee, and A. R. Yarahmadi Bafghi. "Effects of geometrical and geomechanical properties on slope stability of open-pit mines using 2D and 3D finite difference methods." Journal of mining and Environment 9, no. 4 (2018): 941-957.

[5] Moore, Jeffrey R., Valentin Gischig, Jan Burjanek, Simon Loew, and Donat Fäh. "Site effects in unstable rock slopes: dynamic behavior of the Randa instability (Switzerland)." Bulletin of the Seismological Society of America 101, no. 6 (2011): 3110-3116.

[6] Bourdeau, Céline, and H-B. Havenith. "Site effects modelling applied to the slope affected by the Suusamyr earthquake (Kyrgyzstan, 1992)." Engineering Geology 97, no. 3-4 (2008): 126-145.

[7] Moore, Jeffrey R., Valentin Gischig, F. Amann, M. Hunziker, and J. Burjanek. "Earthquake-triggered rock slope failures: Damage and site effects." In Proceedings 11th International & 2nd North American Symposium on Landslides, vol. 1, pp. 869-875. Banff, Canada: CRC Press, 2012.

[8] Havenith, Hans-Balder, Denis Jongmans, Ezio Faccioli, Kanatbeck Abdrakhmatov, and Pierre-Yves Bard. "Site effect analysis around the seismically induced Ananevo rockslide, Kyrgyzstan." Bulletin of the Seismological Society of America92, no. 8 (2002): 3190-3209.

[9] Pelekis, Panagiotis, Anastasios Batilas, Eleni Pefani, Vasileios Vlachakis, and George Athanasopoulos. "Surface topography and site stratigraphy effects on the seismic response of a slope in the Achaia-Ilia (Greece) 2008 Mw6. 4 earthquake." Soil Dynamics and Earthquake Engineering 100 (2017): 538-554.

[10] Azhari, A., and U. Ozbay. "Role of geometry and stiffness contrast on stability of open pit mines struck by

topography and seismic input motion." Soil Dynamics and Earthquake Engineering 113 (2018): 420-431.

[27] Azhari, A., Yarahmadi B., A. , Faramarzi, L., Dynamic Analysis of Tectonic Blocks 1 and 2 of Choghart Open-Pit Mines under earthquake: A Case Study, 9th International Congress on Civil Engineering, May 8-10, (2012), Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran.

[28] Itasca Consulting Group Inc. FLAC3D Fast LAGRANGIAN Analysis of Continua in 3 Dimensions", (2012); Version 5, User's Manual. [24] Bouckovalas, George D., and Achilleas G. Papadimitriou. "Numerical evaluation of slope topography effects on seismic ground motion." Soil Dynamics and Earthquake Engineering25, no. 7-10 (2005): 547-558.

[25] Torgoev, Almaz, and Hans-Balder Havenith. "2D dynamic studies combined with the surface curvature analysis to predict Arias Intensity amplification." Journal of Seismology20, no. 3 (2016): 711-731.

[26] Zhang, Zezhong, Jean-Alain Fleurisson, and Frederic Pellet. "The effects of slope topography on acceleration amplification and interaction between slope