

## تعیین توزیع زمان ماند مواد در مدارهای آسیاکنی و فلوتاسیون با استفاده از نرم افزارهای صفحه گسترده

علیرضا فرمد<sup>۱</sup>؛ محسن یحیائی<sup>۲</sup>؛ صمد بنیسی<sup>۳</sup>

دانشجوی کارشناسی ارشد فرآوری مواد معدنی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
دانشجوی دکتری فرآوری مواد معدنی، گروه مهندسی معدن، دانشگاه شهید باهنر کرمان  
استاد بخش مهندسی معدن، گروه مهندسی معدن، دانشگاه شهید باهنر کرمان

### چکیده

بررسی الگوی اختلاط و تعیین زمان ماند مواد در فرآیندهایی که در صنعت فرآوری مواد بکار گرفته می‌شوند، نقش مهمی در انتخاب تجهیزات، کنترل و بهینه‌سازی عملیات دارد. در این تحقیق از نرم‌افزار صفحه گسترده Microsoft Excel استفاده شده است تا الگوی اختلاط در فرآیندهای فرآوری مواد بوسیله دو مدل N-Mixer و Weller مدل‌سازی شود. مدل‌سازی فرآیندهایی که در آنها بخشی از خروجی فرآیند به عنوان جریان برگشتی دوباره به فرآیند بر می‌گردد، تاحدی مشکل بوده است و نیاز به محاسبات ویژه‌ای دارد. دلیل این امر، تغییر غلظت نشانه در ورودی مدار در طول زمان است. در نرم‌افزار تهیه شده با محاسبه غلظت نشانه در جریان خروجی، تأثیر آن از ورودی ظرف حذف و الگوی اختلاط واقعی ظرف محاسبه شده است. در بررسی زمان ماند مواد در دو حالت مدار باز و مدار بسته، برای دبی ورودی ۱۰ لیتر بر دقیقه، متوسط زمان ماند برای دو حالت، به ترتیب  $\frac{3}{7}$  و  $\frac{3}{6}$  دقیقه بدست آمد که نشان دهنده صحت محاسبات در نرم‌افزار برای مدارهای با جریان برگشتی بود.

واژه‌های کلیدی: مدل‌سازی، توزیع زمان ماند، نرم‌افزار

### ••••• توزیع زمان ماند در مدار بسته

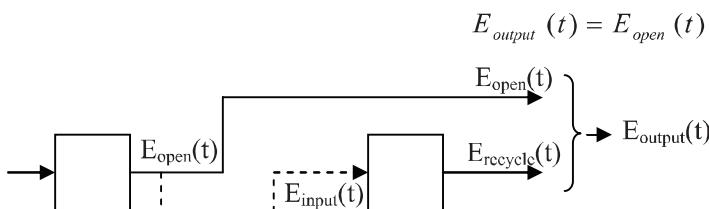
### ۰۰۰ مقدمه

در مدارهای بسته اگر ماده ردیاب در یک لحظه به جریان ورودی ظرف اضافه شود، به دلیل وجود جریان برگشتی، مقداری از ردیاب دوباره به ظرف باز می‌گردد و در نتیجه اعمال ماده ردیاب به صورت ضربه نخواهد بود. در صنعت تقریباً هیچگاه امکان خارج نمودن چنین ظروفی از مدار بسته وجود ندارد. (برای مثال یک آسیای گلوله‌ای در حال کار) به همین دلیل زمان ماند واقعی ظرف (مربوط به مدار باز) را باید از روی اطلاعات بدست آمده در مدار بسته محاسبه کرد.

در یک مدار بسته می‌توان غلظت ردیاب خروجی از ظرف را به دو دسته تقسیم کرد: قسمت اول ناشی از ماده ردیاب اولیه است، که به صورت لحظه‌ای در ورودی ظرف اعمال شده است، بخش دوم حاصل از تحریک‌های پیوسته‌ای است که جریان برگشتی به ورودی

به طور کلی در هر ظرفی که یک واکنش اتفاق می‌افتد، الگوی اختلاط مواد و توزیع زمان ماند آنها دارای اهمیت است. [۱]. یک روش مناسب برای اندازه‌گیری توزیع زمان ماند، تزریق ضربه‌ای یک ماده ردیاب در خوارک ورودی به ظرف و اندازه‌گیری تغییرات آن در خروجی در طول زمان است. برای بررسی توزیع زمان ماند، از دو الگوی ایده‌آل استفاده می‌شود، که عبارتند از: جریان پیستونی (Plug flow) و جریان کاملاً مخلوط (Perfectly mixed flow) در عمل هر راکتور واقعی با ترکیبی از الگوهای جریان ایده‌آل مدل‌سازی می‌شود [۲].

همان اثر ردیاب در مدار باز است که باید محاسبه شود. اگر مجموع تحریک‌های ثانویه، یعنی توزیع غلظت ورودی با  $E_{input}(t)$  نمایش داده شود، می‌توان مدار بسته را با مدل نشان داده در شکل (۱۲)، شبیه‌سازی کرد.



شکل (۱): مدل‌سازی مدار بسته با دو ظرف سری

$$C_{output}(t) = S_{output} \times E_{output}(t) = S_{open} \times E_{open}(t) + \int_0^t S_{input} \times E_{input}(t') \times E_{open}(t-t') dt'$$

مدار برابر مقدار ردیابی است که از مدار خارج می‌شود، با توجه به اینکه سطح زیر منحنی غلظت زمان متناسب با مقدار ردیاب می‌باشد. داریم: [۲]

$$S_{open} = S_{output} - S_{input} \quad (6)$$

که در آن  $S_{open}$  سطح زیر منحنی غلظت-زمان در مدار باز است. با جایگذاری پارامترها در رابطه (۳) می‌توان نوشت:

## ۵۰۰۰۰ مدل‌سازی ریاضی

اگر غلظت و زمان‌های اندازه‌گیری شده در جریان ورودی با  $t_{input_i}, C_{input_i}, C_{output_i}$  و در جریان خروجی با  $t_{output_i}$  نشان داده شوند، می‌توان رابطه (۷) را به صورت تقریبی زیر نوشت:

$$\begin{aligned} & \times E_{open}(t_{output_i}) + C_{input_1} \times (t_{input_2} - t_{input_1}) \times E_{open}(t_{output_i} - t_{input_1}) \\ & + C_{input_2} \times (t_{input_3} - t_{input_2}) \times E_{open}(t_{output_i} - t_{input_2}) \\ & + C_{input_3} \times (t_{input_4} - t_{input_3}) \times E_{open}(t_{output_i} - t_{input_3}) \\ & + \dots \end{aligned} \quad (7)$$

متناسب با مقدار ردیاب اعمال شده بین زمان‌های  $t_{input_j}$  و  $t_{input_{j+1}}$  است و حاصل ضرب آن در  $E(t_{output_i} - t_{input_j})$ ، برابر پاسخ ردیاب اعمال شده در زمان  $t_{output_i}$  در خروجی ظرف است. بنابراین جمع کل جملات برابر پاسخ ظرف به کل ردیاب بازگشته است. برای همین اگر این مجموع را با پاسخ ظرف به تحریک ضربهای اولیه ( $S_{open} \times E_{open}(t)$ ) جمع کنیم، حاصل می‌باشد با غلظت‌های اندازه‌گیری شده در خروجی برابر باشد یعنی:

$$(t_{output_i}) + \sum_{j=1}^m C_{input_j} \times \Delta t_{input_j} \times E_{open}(t_{output_i} - t_{input_j}) \quad (8)$$

در این حالت منحنی  $E(t)$  به نقاط برآش داده نمی‌شود؛ زیرا نقاط موجود مربوط به غلظت در مدار بسته هستند. به همین دلیل منحنی (۸) به نقاط مربوطه برآش داده می‌شود. البته این کار

اعمال می‌کند. اگر تغییرات غلظت در خروجی، که مربوط به ردیاب اولیه است، به صورت  $E_{open}(t)$  نشان داده شود و مجموع پاسخ به تحریک‌های بعدی،  $E_{recycle}(t)$  نامیده شود، تغییرات غلظت در خروجی ظرف،  $E_{output}(t)$ ، برابر است با:

$$E_{output}(t) = E_{open}(t) + E_{recycle}(t) \quad (1)$$

$$E_{open}(t) \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad E_{output}(t)$$

$$E_{recycle}(t) \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad E_{output}(t)$$

شکل (۱): مدل‌سازی مدار بسته با دو ظرف سری

این حالت بسیار شبیه دو ظرف متوالی کامل‌است

مشابه است؛ پس برای اینکه تابع توزیع زمان ماند مواد در خروجی از ظرف دوم درست محاسبه شود، باید توزیع غلظت در ورودی به ظرف دوم به طور مستقل اندازه‌گیری شود. با توجه به این نکته که ورودی ظرف دوم در مدل در واقع همان ورودی ظرف اصلی می‌باشد، ضرورت اندازه‌گیری غلظتها و تعیین الگوی جریان در ورودی مشخص می‌شود.

با توجه به تشابه الگوی جریان در مدار بسته با الگوی جریان در دو ظرف سری کامل‌مشابه، می‌توان نوشت:

$$C_{input_j} \times (t_{input_{j+1}} - t_{input_j}) \quad (2)$$

$$E_{recycle}(t) = \int_0^t E_{input}(t') \times E_{open}(t-t') dt'$$

بنابراین اگر تابع RTD ورودی به صورت مجموعه‌ای از تحریک‌های لحظه‌ای در نظر گرفته شود، که هر یک در فاصله زمانی بسیار کوتاه  $dt$  و در لحظه  $t$  به ورودی ظرف اعمال می‌شود، پاسخ خروجی مدار بسته نسبت به یک تحریک اولیه لحظه‌ای در زمان  $t$ ، برابر است با پاسخ مدار به تحریک اولیه بعلاوه مجموع پاسخ‌های مدار باز نسبت به تحریک‌های لحظه‌ای جریان برگشتی از زمان صفر تا زمان  $t$  است (رابطه ۳).

$$E_{output}(t) = E_{open}(t) + \int_0^t E_{input}(t') \times E_{open}(t-t') dt' \quad (3)$$

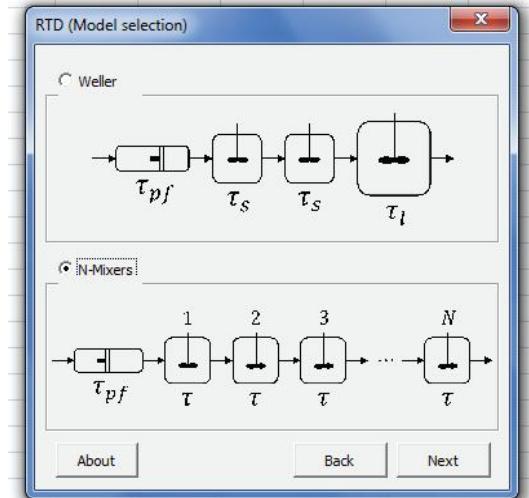
اگر غلظت‌های خروجی و ورودی به ترتیب  $(t)$  و  $C_{output}(t)$  باشند و سطح زیر منحنی‌ها را به ترتیب با  $S_{output}(t)$  و  $S_{input}(t)$  نشان دهیم، خواهیم داشت:

$$S_{input} = \int_0^{+\infty} C_{input}(t) dt \quad (4)$$

$$S_{output} = \int_0^{+\infty} C_{output}(t) dt \quad (5)$$

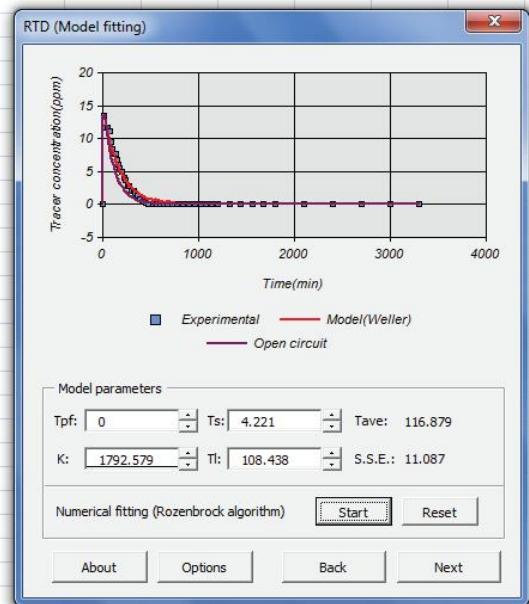
بر اساس قانون بقای جرم، مقدار ردیاب اولیه، (ورودی به

وارد سیستم شده است، تا نتایج محاسبات مدلسازی صحیح باشد.



شکل (۳): پنجره انتخاب مدل

در این پنجره، کاربر می‌تواند مدل مورد نظر برای برآش به داده‌ها را انتخاب کند. بعد از انتخاب مدل مورد نظر، و فشردن دکمه Next، با توجه به اینکه برای شروع عمل برآش باید حدس‌های اولیه برای پارامترهای مدل وجود داشته باشد یا به عبارت دیگر می‌بایست مقادیری را برای پارامترهای مدل در نظر بگیریم که با بهینه کردن این مقادیر به منحنی برآش یافته بررسیم نرم‌افزار با استفاده از داده‌های غلظت و زمان ورودی، مقادیر اولیه‌ای برای پارامترهای مدل انتخاب شده ( $k$ ,  $\tau_{pf}$ ,  $\tau_s$ ,  $\tau_l$ ,  $N$ -Mixer) برای  $\tau_{pf}$  و  $k$  می‌باشد (شکل ۴).



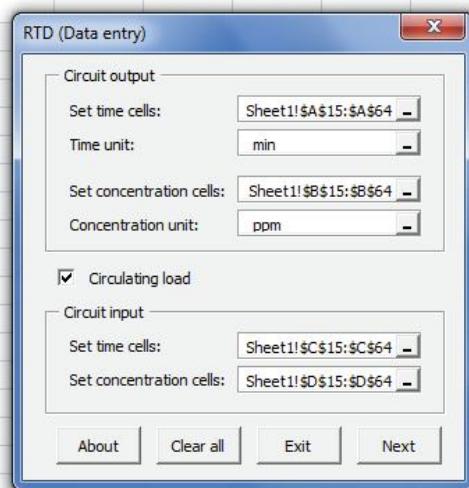
شکل (۴): پنجره تنظیم پارامترها

با تغییر پارامترهایتابع  $E(t)$  انجام می‌شود که، مربوط به یکی از دو مدل N مخلوط کننده کامل و یک ظرف واکنش پیستونی یا مدل Weller می‌باشد.

### ۰۰۰۰۰ نرم‌افزار محاسبه الگوی زمان ماند

با توجه به سادگی و دسترسی بودن برنامه صفحه گسترده Microsoft Excel نرم‌افزار محاسبه زمان ماند تحت این برنامه آماده شد.

پس از اجرای Setup برنامه، نرم‌افزار به صورت Add-Ins به Microsoft Excel اضافه خواهد شد. برای کار با نرم‌افزار باید ابتدا اطلاعات زمان و غلظت اندازه‌گیری شده در محیط صفحه گسترده وارد شود. با اجرای برنامه RTD پنجره نشان داده شده در شکل (۲)، نمایش داده خواهد شد.



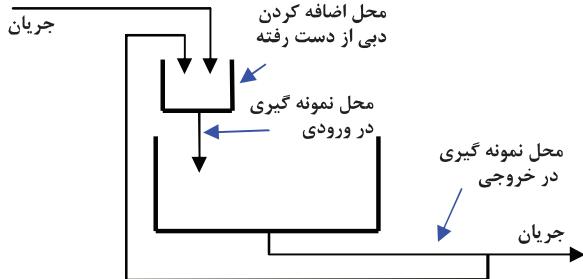
شکل (۲): پنجره ورود اطلاعات غلظت و زمان

در این پنجره، کاربر می‌تواند محدود اعداد زمان و غلظت متناظر با آنها و همچنین واحد اندازه‌گیری زمان و غلظت را مشخص کند. اگر ظرف مورد آزمایش بسته باشد، با انتخاب حالت مدار بسته، کاربر می‌تواند اطلاعات غلظت و زمان مربوط به جریان برگشتی را نیز مشخص کند.

با زدن دکمه Next، نرم‌افزار پردازش‌های اولیه روی داده‌ها انجام داده و در صورتی که خطای در اطلاعات ورودی وجود نداشته باشد، غلظت پایه را از تمام غلظت‌های اندازه‌گیری شده، کم می‌کند. سپس به مرحله انتخاب مدل می‌رود (شکل ۳). غلظت پایه به معنی غلظتی از ماده معرف است که، در جریان مواد ورودی به ظرف قبل از اضافه کردن معرف وجود داشته است. (برای مثال غلظت نمک موجود در آب) دلیل کم کردن مقدار غلظت پایه از کل غلظت‌ها به محاسبه سطح زیر منحنی تغییرات غلظت زمان برمی‌گردد؛ زیرا سطح زیر منحنی باید تنها ناشی از مقدار ماده معرفی باشد که به صورت ضربه

آزمایش ردبایی انجام شده، از نمک طعام به عنوان ردبای استفاده و معیار سنجش غلظت، هدایت الکتریکی محلول انتخاب شد. این پارامتر توسط دستگاه هدایت سنج و بر حسب واحد میلی زیمنس (ms) اندازه گیری می شود.

انجام آزمایش با استفاده از یک مخزن با حجم ۴۰ لیتر، یک بار با دبی ورودی و خروجی یکسان به میزان ۲۰ لیتر بر دقيقه، بار دیگر با دبی ورودی و خروجی به میزان ۱۰/۰/۹ لیتر بر دقيقه در دو حالت باز و بسته، صورت گرفت. شکل (۶) سیستم بکار رفته برای این آزمایش‌ها در مدار بسته را نشان می‌دهد.



شکل(۶): طرح کلی سیستم آزمایش برای تعیین الگوی اختلاط یک ظرف در دو حالت مدار بسته

## ۰۰۰ بررسی و تحلیل نتایج

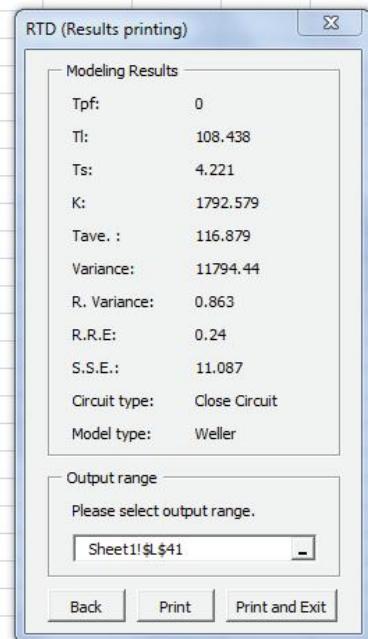
در جدول(۱) نتایج مدل سازی برای دو حالت مدار باز و مدار بسته با دبی ۱۰ لیتر بر دقيقه، ارائه شده است.

جدول (۱): نتایج محاسبات مدار باز و بسته توسط نرم افزار با دبی ۱۰ لیتر بر دقيقه

	نوع مدار	مدار باز	مدار بسته
(زمان جریان پیستونی)	$\tau_{pf} =$	۰/۱	۰/۰
(تعداد)	$N =$	۱/۰	۱/۰
(زمان متوسط کاملاً مخلوط)	$\tau =$	۳/۶	۳/۴
(سطح زیر منحنی)	$k =$	۵۹/۴	۶۵/۲
(زمان ماند متوسط)	$\tau_{avreage} =$	۳/۷	۳/۶
(مجموع مربعات خطأ)	$S.S.E =$	۰/۷۸	۲/۷

در این مرحله کاربر می‌تواند با توجه به منحنی حاصل از مدل و نقاط آزمایشی مقادیر پارامترهای مدل را به صورت دستی تغییر دهد، تا به نتیجه مطلوب تری دست پیدا کند. در غیر این صورت با فشار دادن دکمه Start برنامه با استفاده از الگوریتم جستجوی رزنبراک،<sup>۱</sup> اقدام به بهینه‌سازی پارامترهای مدل بر مبنای مجموع مربعات خطأ می‌کند. پیشنهاد می‌شود که کاربر با تغییر حدسهای اولیه منحنی را به نقاط اندازه گیری شده در آزمایش نزدیک کند. البته شاخص برای مناسب بودن جهت تغییرات، می‌تواند مجموع مربعات خطأ باشد که در این فرم به صورت زنده نمایش داده می‌شود؛ زیرا این کار کمک می‌کند تا بهینه‌سازی با الگوریتم روزنبراک در زمان کوتاه‌تری انجام شود.

بعد از پایان مرحله برآش و رسیدن به جواب بهینه، با کلیک روی دکمه Next فرم نمایش نتایج فعلی می‌شود. در این فرم همان طور که در شکل(۵) نشان داده شده است علاوه بر مشاهده نتایج تمام پارامترهای محاسبه شده، می‌توان با انتخاب یک سلول از صفحه گسترده، نتایج محاسبات و نمودارهای مربوطه را در این صفحه ذخیره کرد.



شکل(۵): پنجره نمایش و ذخیره کردن نتایج

## ۰۰۰ بررسی الگوی اختلاط مواد در یک ظرف در دو حالت مدار باز و بسته

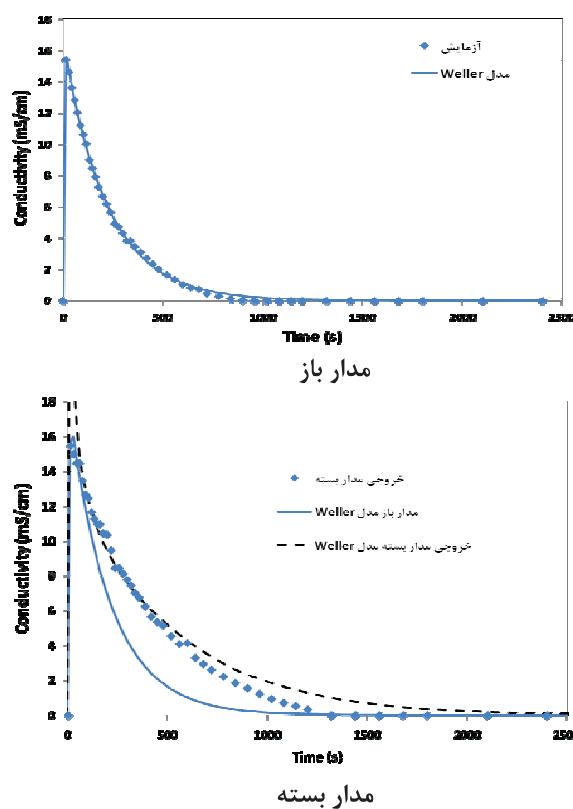
برای حصول اطمینان از صحت کار نرم افزار در مدلسازی الگوی اختلاط، یک ظرف در دو حالت مدار باز و مدار بسته، از نتایج آزمایش انجام شده توسط جوادی و بنیسی (۱۳۷۹) استفاده شد. در

Rosenbrock\*\*\*

۳/۶ دقیقه بdst آمد، که صحت روش مورد استفاده برای تعیین الگوی اختلاط ظروف واکنش مدار بسته را تایید کرد.

## ۰۰۰ مراجع

- [۱] لونشپیل، ترجمه: شهرایی، م، طراحی راکتورهای شیمیایی، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ص. ج. ۲۹۵-۳۷۱، ۱۳۷۱.
- [۲] جوادی، فرهاد، بنیسی، صمد، نرم افزاری برای محاسبه زمان ماند مواد در سلول های فلوتاسیون، پروژه تخصصی دوره کارشناسی معدن، دانشگاه شهید باهنر کرمان، ۱۳۷۵.
- [۳] بنیسی، صمد، کنترل و مدلسازی سیستم های فرآوری مواد معدنی، جزوه درسی، دانشگاه شهید باهنر کرمان، بهمن ۱۳۸۷.
- [۴] جوادی، فرهاد، بنیسی، صمد، شبیه سازی توزیع زمان ماند مواد در مدارهایی با جریان برگشتی، دومین کنگره متالوژی فلزات غیر آهنی ایران، اردیبهشت ۱۳۷۹.



شکل (۷): منحنی توزیع زمان ماند مواد برای ظرف با دبی ۱۰ لیتر بر دقیقه

با توجه به یکسان بودن دبی ها و ثابت بودن مشخصات ظرف، میانگین زمان ماند در مدار باز و بسته باید یکسان باشد. با توجه به جدول (۱) متوسط زمان ماند در مدار بسته ۳/۶ دقیقه و در مدار باز ۳/۷ دقیقه بdst آمده است که نشان دهنده صحت روش محاسبه ترمافزار در مدلسازی الگوی اختلاط ظروف با جریان برگشتی است. همانطور که در شکل (۷) ملاحظه می شود، الگوی اختلاط واقعی ظرف (مدار باز) در هر دو حالتی که ظرف در مدار باز و مدار بسته بوده است، یکسان می باشد در حالی که تغییرات غلظت- زمان برای دو ظرف با یکدیگر متفاوت است.

## ۰۰۰ نتیجه‌گیری

- روشی جهت شبیه سازی زمان ماند مواد در سیستم های با جریان برگشتی، با بکار گیری الگوهای مخازن متداول ارائه گردید.
- برنامه ای برای تعیین الگوی و محاسبه زمان ماند مواد در ظروف واکنش در مدار باز یا بسته بر پایه نرم افزارهای صفحه گستردہ با قابلیت کاربری بسیار ساده تهیه شد.
- متوسط زمان ماند برای یک ظرف با دبی ورودی ۱۰ لیتر بر دقیقه در حالت مدار باز و بسته، به ترتیب ۳/۶ و ۳/۷ دقیقه و